# Απεικόνιση εν τω βάθει δομών σε αδιαφανή, υψηλά σκεδάζοντα ομοιώματα ιστών

8/15/2009

ΚΟΝΤΟΥΛΗ ΑΓΓΕΛΙΚΗ

1.	Ει	ισαγωγή		8
2.	A	πεικονιστικές Μέθοδοι	•••••	9
2.	1	Οπτικές τεχνολογίες	10	
2.	2	Φασματοσκοπία	11	
2.	3	Φασματική Απεικόνιση-Υπερφασματοσκοπία	12	
2.	4	Οπτικό Παράθυρο	14	
2.	5	Παφάγοντες που επηφφεάζουν την ποιότητα της εικόνας	15	
3.	O	πτικές ιδιότητες ιστών-Σκέδαση-Απορρόφηση	•••••	.20
3.	1	Εισαγωγή	20	
3.	2	Εισαγωγή στην θεωρία απορρόφησης	22	
3.	3	Εισαγωγή στην θεωρία σκέδασης	24	
	3.3	B.1 Ελαστική σκέδαση	25	
	3.3	3.2 Ανελαστική Σκέδαση	27	
	3.3	3.3 Απλή και Πολλαπλή σκέδαση	29	
	3.3	3.4 Ισοτροπική και Ανισοτροπική σκέδαση	30	
	3.3	3.5 Σύμφωνη και Ασύμφωνη σκέδαση	30	
3.	4	Σκέδαση και Απορρόφηση στους ιστούς	31	
3.	5	Μοντέλα Ποοσομοίωσης Διάδοσης Φωτός στους Ιστούς	32	
	3.5	5.1 Αναλυτική Μέθοδος	33	
3.5.2		5.2 Θεωρία Μεταφοράς της ακτινοβολίας (RTT)	33	
3.5.3		5.3 Μέθοδος Monte-Carlo	42	
3.	6	Μελέτη των οπτικών ιδιοτήτων του δέφματος	43	
4.	Па	ειραματική Διαδικασία	•••••	.52

	4.1	Εισαγωγή52	
	4.2	Υλικά και μέθοδοι υλοποίησης53	
5.	· .	Αποτελέσματα-Συζήτηση	64
	5.1	Μετρήσεις για την ακίδα όταν βρίσκεται μέσα σε άδειο	
	μπο	ουκαλάκι και απόσταση 2mm66	
	5.2	Διάλυμα με 300ml νεوό και την ακίδα σε απόσταση 3 mm απο το	
	μπο	ουκαλάκι68	
	5.3	Διάλυμα με 300ml νεوό και 2 ml γάλα70	
	5.4	Διάλυμα με 300ml νεوό και 10ml γάλα <b>76</b>	
	5.5	Διάλυμα με 300ml νεوό και 20ml γάλα83	
6.	- -	Μελλοντικές επεκτάσεις	96
7.	. 1	Βιβλιογραφία	.97

## <u>Λίστα εικόνων και πινάκων που περιέχονται</u>

Figure 2-1 Σχηματικό διάγραμμα των απεικονιστικών συστημάτων που έχουν
εφαρμοστεί στην ογκολογία11
Figure 2-2 Αναπαράσταση δεδομένων απο υπερφασματική απεικόνιση
Figure 2-3 Optical window για ιστούς15
Figure 2-4 Παράγοντες που επηρεάζουν την ποιότητα της εικόνας
Figure 2-5 Η ανίχνευση παθογενειών στηρίζεται στο contrast της εικόνας
Figure 2-6 Το FWHM σαν μέτρο της διακριτικής ικανότητα ενός απεικονιστικού
συστήματος
Figure 3-1 Διάδοση φωτός ως ηλεκτοομαγνητικό κύμα
Figure 3-2 Ηλεκτοομαγνητικό Φάσμα21
Figure 3-3 Αναπαράσταση φαινομένων απορρόφησης και εκπομπής
Figure 3-4 Η απορροφητική ικανότητα του μέσου διάδοσης της
ηλεκτοομαγνητικής ακτινοβολίας επηροεάζει την ένταση της εξεοχόμενης
ακτινοβολίας
Figure 3-5 Η πορεία διάδοσης της ακτινοβολίας σύμφωνα την σκέδαση Mie και
Rayleigh αντίστοιχα
Figure 3-6 Αναπαράσταση σκέδασης Brillouin μέσω ηλεκτρονιακών μεταβάσεων
Figure 3-7 Ηλεκτοονιακές μεταβάσεις κατά την σκέδαση Stoke και Anti-Stoke
αντίστοιχα
Figure 3-8 Φάσματα απορρόφησης των στοιχείων του ιστού
Figure 3-9 Εικόνα του τράχηλου της μήτρας (αριστερά) και το δέρματος απο
περιοχή του χεριού
Figure 3-10 Κατηγοριοποίηση των μεθόδων μελέτης της πορείας διάδοσης του
φωτός
Figure 3-11 Απεικόνιση του δέρματος και των υποεπιπέδων απο τα οποία
αποτελείται
Figure 3-12 Φάσμα απορρόφησης για τα δύο είδη μελανίνης (19)
Figure 3-13 Φάσμα απορρόφησης οξυγονωμένης και μη-οξυγωνομένης
αιμοσφαιρίνης (19)

Figure 3-14 Φάσμα απορρόφησης της ουσίας bilirubin (19)
Figure 3-15 Φάσμα απορρόφησης για την ουσία β-carotene (19)
Figure 4-1 Απεικονιστικό σύστημα Musis54
Figure 4-2 Διακρίνουμε symmetric, bending και antisymmetric τρόπους κίνησης
(κοιτάζοντας απο αριστερά προς τα δεξιά της εικόνας)
Figure 4-3 Πληροφορίες για τα συστατικά του γάλακτος
Figure 4-4 Πειραματική διαδικασία και επεξεργασία δεδομένων
Figure 4-5 Διαγραμματική απεικόνιση του FWHM60
Figure 4-6 Διαγραμματική απεικόνιση του FWHM προσαρμοσμένο στα δεδομένα
μας61
Figure 4-7 Καμπύλες πειραματικών δεδομένων. Στην μια περίπτωση τα άκρα
είναι σε διαφορετικά ύψη (αριστερά) ενώ στην άλλη είναι στο ίδιο (δεξιά) 62
Figure 5-1 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το μπουκαλάκι είναι
άδειο66
Figure 5-2 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm, 1000nm όταν το
μπουκαλάκι είναι άδειο
Figure 5-3 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα πεφιέχει
μόνο νεφό
Figure 5-4 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm, 1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει μόνο νερό
Figure 5-5 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα πεφιέχει
2ml γάλα σε απόσταση 0mm70
Figure 5-6 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 0mm71
Figure 5-7 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα πεφιέχει
2ml γάλα σε απόσταση 2mm
Figure 5-8 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 2mm73
Figure 5-9 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα πεφιέχει
2ml γάλα σε απόσταση 5mm74

Figure 5-10 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και 1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 5mm
Figure 5-11 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα
περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 0mm76
Figure 5-12 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 0mm
Figure 5-13 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα
περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 1mm78
Figure 5-14 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 1mm
Figure 5-15 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα
πεφιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 2mm 80
Figure 5-16 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 2mm
Figure 5-17 Απεικόνιση δεδομένων για όλα τα μήκη κύματος, όταν το διάλυμα
περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 3mm
Figure 5-18 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα
περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 0mm
Figure 5-19 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και 1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 0mm
Figure 5-20 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα
πεφιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 1mm 85
Figure 5-21 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και 1000nm όταν το
διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 1mm86
Figure 5-22 Απεικόνιση δεδομένων για όλα τα μήκη κύματος, όταν το διάλυμα
περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 2mm
Figure 5-23 Φάσματα απορρόφησης για το νερό (αριστερά) και το γάλα(δεξιά) 89
Figure 5-24 Διακύμανση ύψους για το νεφό90
Figure 5-25∆ιακυμάνσεις FWHM σε συνάǫτηση με το μήκος κύματος
Figure 5-26 Διακυμάνσεις FWHM σε σχέση με το μήκος κύματος για απόσταση
1mm

Figure 5-27 Διακυμάνεις FWHM σε συνάφτηση με την συγκέντφωση	93
Figure 5-28∆ιακυμάνσεις FWHM σε συνάǫτηση με την απόσταση	93
Figure 5-29 Εικόνες ανθρώπινου ιστού σε διάφορα μήκη κύματος	95

# 1. Εισαγωγή

Η ιατοική απεικόνιση επέτρεψε την διάγνωση ασθενειών και άλλων προβλημάτων που δεν ήταν ορατά, έτσι ώστε να αναπτυχθούν νέες και πιο δραστικές τεχνολογίες για την καταπολέμηση τους. Είναι πολύ σημαντικό οι συσκευές αυτές να έχουν χαμηλό κόστος και να παρέχουν φορητότητα και υψηλή ανάλυση. Η ποιότητα της εικόνας των απεικονιστικών συστημάτων λοιπόν είναι παρα πολύ σημαντικός παράγοντας. Για παράδειγμα η διάγνωση του καρκίνου εμπίπτει στον εντοπισμό αρχικών μικροσκοπικών αλλοιώσεων των ποιν μετασχηματιστούν. Ωστόσο απεικονιστικές μέθοδοι έχουν οι περιορισμένες δυνατότητες λόγω των φαινομένων σκέδασης και απορρόφησης των ιστών. Στα πλαίσια αυτής την διπλωματικής εργασίας αρχικά μελετήσαμε τα χαρακτηριστικά σκέδασης και απορρόφησης των ιστών μέσω ειδικών ομοιωμάτων που κατασκευάσαμε. Στην συνέχεια εντοπίσαμε το οπτικό παράθυρο για την φασματική περιοχή απο 420nm εως 1000nm και τέλος καθορίσαμε το βάθος απο το οποίο μπορούμε να πάρουμε καλής ποιότητας απεικονιστική πληροφορία. Συγκεκριμένα καταφέραμε να πάρουμε εικόνα απο βάθος 2mm, γεγονός πολύ ικανοποιητικό απο διαγνωστικής άποψης μιας και το 85% των καρκίνων που μπορούν να θεραπευτούν βρίσκονται στην περιοχή των επιθυλιακών ιστών, το πάχος των οποίων δεν ξεπερνά τα 2mm.

# 2. Απεικονιστικές Μέθοδοι

Η απεικόνιση είναι η επιστήμη της απόκτησης χωρικής και χρονικής πληροφορίας απο αντικείμενα με σκοπό την μελέτη τους. Τα τελευταία χρόνια έχει παρατηρηθεί τεράστια ανάπτυξη στις απεικονιστικές τεχνολογίες και τις εφαρμογές τους με αποκορύφωμα τον τομέα της ιατρικής. Η ψηφιακή απεικόνιση είναι μία απο τις πιο ανεπτυγμένες και εφαρμόσιμες μεθόδους για την καταγραφή των δεδομένων. Κατά την διαδικασία της ψηφιακής απεικόνισης χρησιμοποιούνται ψηφιακές κάμερες όπως για παράδειγμα συσκευές συζευγμένου φορτίου (chargecouple device, CCD). Πλέον τα μοριακά απεικονιστικά συστήματα επιτρέπουν στους γιατρούς να δούν που βρίσκεται ένας όγκος στο σώμα. Εν τέλει όμως η βασική επιδίωξη των επιστημόνων είναι να αναπτύξουν συστήματα τα οποία θα δίνουν την δυνατότητα στους γιατρούς να παρακολουθούν την εκδήλωση και την δραστηριότητα συγκεκριμένων μορίων, κυττάρων και βιολογικών διαδικασιών οι οποίες επηρέασαν την συμπεριφορά των όγκων και/ή ανταποκρίθηκαν σε θεραπευτικές ουσίες. Τα απεικονιστικά συστήματα μπορούν να κατηγοριοποιηθούν ανάλογα με (1):

- Την ενέργεια που χρησιμοποιείται για να εξαχθεί η οπτική πληροφορία (ακτίνες Χ, ποσιτρόνια, φωτόνια ή ηχητικά κύματα),
- Την χωρική ανάλυση που επιτυγχάνεται (μακροσκοπική, μεσοσκοπική ή μικροσκοπική)
- Το είδος της πληφοφοφίας που αποκτάται (ανατομία, φυσιολογία, κυτταφική ή μοφιακή).

Στην κατηγορία των μακροσκοπικών συστημάτων που παρέχουν πληροφορίες σχετικές με την ανατομία και την φυσιολογία του δείγματος ανήκουν υπολογιστική τομογοαφία (computed tomography, CT), απεικόνιση μαγνητικού συντονισμού (magnetic resonance imaging ,MRI) και υπέοηχοι (ultrasound).

## 2.1 Οπτικές τεχνολογίες

Η βασική αρχή στην οποία στηρίζονται οι οπτικές τεχνολογίες είναι η αλληλεπίδραση των φωτονίων με τους ιστούς. Το πλεονέκτημα αυτών των τεχνολογιών είναι οτι έχουν την δυνατότητα να παρέχουν ακριβή διάγνωση μιας παθογένειας. Επιπλέον η μεγάλη ανάπτυξη των biomarkers και των αντιδράσεων που συμβαίνουν ενισχύουν την ανάπτυξη οπτικών εργαλείων για διάγνωση ουσιών. Σημαντικός παράγοντας για την ραγδαία ανάπτυξη τους είναι ο μη επιθετικός χαρακτήρας ως προς τον άνθρωπο. Στην κατηγορία των οπτικών τεχνολογιών ανήκουν η οπτική τομογραφία συνοχής (optical coherence tomography, OCT), το ομοεστιακό μικροσκόπιο (confocal microscopy) και το μικροσκόπιο πολλαπλών φωτονίων (multiphoton microscopy)



Figure 2-1 Σχηματικό διάγραμμα των απεικονιστικών συστημάτων που έχουν εφαρμοστεί στην ογκολογία

# 2.2 Φασματοσκοπία

Φασματοσκοπία είναι η επιστήμη που μελετά τον τρόπο με τον οποίο τα υλικά απορροφούν και εκπέμουν φως στα διαφορετικά μήκη κύματος με βάση την μοριακή τους σύσταση. Ένα φάσμα είναι μια συλλογή απο εντάσεις του φωτός σε διαφορετικά μήκη κύματος. Η φασματοσκοπία είναι ο υπολογισμός της έντασης του φωτός που εκπέμπεται, διαδίδεται, σκεδάζεται ή ανακλάται απο ένα δείγμα, σαν συνάρτηση του μήκους κύματος αλλα χωρίς καμία χωρική πληροφορία. Η απεικόνιση αυτής της έντασης δημιουργεί το φάσμα του δείγματος, το οποίο παρέχει πληροφορίες όσον αφορά την δομή και μοριακή του σύσταση. Τα πιο σημαντικά χαρακτηριστικά ενός φάσματος είναι:

 Η φασματική ανάλυση, η οποία προσδιορίζει τα πιο κοντινά μήκη κύματος που μπορούν να διακριθούν.

- Η φασματική περιοχή, η οποία δηλώνει την περιοχή του φάσματος που υπολογίζουμε
- Το χαμηλότερο ανιχνεύσιμο σήμα, το οποίο προσδιορίζει το μικρότερο μετρήσιμο σήμα.
- Η δυναμική περιοχή, η οποία προσδιορίζεται απο την αναλογία του μεγαλύτερου ανιχνεύσιμου σήμα προς το μικρότερο.

Διακρίνονται διάφορα είδη φασματοσκοπίας όπως: Diffuse reflectance, Fluorescence, Multimodal, Atomic Absorption, Electron Paramagnetic, Electron, Gamma-ray, Infrared, Laser, Mass, Raman, X-ray spectroscopy.

# 2.3 Φασματική Απεικόνιση-Υπερφασματοσκοπία

Η απεικόνιση συνδυάζει φασματική τα πλεονεκτήματα της φασματοσκοπίας και της απεικόνισης δηλαδή παρέχει ταυτόχρονα φασματικές και χωρικές πληροφορίες για το δείγμα που εξετάζεται. Ένα επίσης πλεονέκτημα που έχει η φασματική απεικόνιση είναι οτι χρησιμοποιούνται ανιχνευτές οι οποίοι καλύπτουν μεγαλύτερες περιοχές δείγματος σε σχέση με τους ανιχνευτές σημείου που υπάρχουν στα φασματόμετρα. Στην φασματική απεικόνιση αποκτάται μια εικόνα για κάθε μήκος κύματος και έτσι δημιουργείται ένα 3-D σύνολο δεδομένων. Είναι δυνατόν λοιπόν επιλέγοντας ένα pixel της εικόνας να δούμε το φάσμα του για όλα τα μήκη κύματος.



The Spectral Imaging Lambda Stack

Figure 2-2 Αναπαράσταση δεδομένων απο υπερφασματική απεικόνιση

Η φασματική απεικόνιση χωρίζεται σε τρεις κατηγορίες ανάλογα το πλήθος των φασματικων ζωνών που χρησιμοποιοούνται. Έτσι υπάρχει η πολλαπλή φασματοσκοπική απεικόνιση (multispectral) στην οποία χρησιμοποιούνται λίγες φασματικές ζώνες (<10), η υπερφασματοσκοπία (hyperspectral) που χρησιμοποιούνται περισσότερες στενές φασματικές ζώνες (>10) που αποδίδουν καλύτερη ανάλυση και η ultraspectral στην οποία χρησιμοποιούνται ακόμα πιο στενές φασματικές ζώνες και αποδίδουν ακόμα καλύτερη φασματική ανάλυση. Η hyperspectral απεικόνιση βρίσκει πολλές εφαρμογές σε διάφορα πεδία όπως στης γεωλογίας, στης αστρονομίας και στης ιατρικής. Γενικά το πλεονέκτημα της υπερφασματοσκοπίας έγκειται στην πληροφορία που βρίσκεται ενσωματωμένη με την εικόνα. Επειδή οι εικόνες είναι ένα σύνολο απο στιγμιότυπα που έχουν συλλεχθεί σαν συνάρτηση του μήκους κύματος, καθένα pixel της εικόνας έχει ένα πλήρες φάσμα να το συνοδεύει. Αυτή η μέθοδος συλλογής των δεδομένων δίνει καλύτερα οπτικά αποτελέσματα και κάνει πιο εύκολη την διάκριση των δειγμάτων.

#### 2.4 Οπτικό Παράθυρο

Το οπτικό παφάθυφο είναι μια έννοια που ποικίλλει ανάλογα με τον τομέα στον οποίο αναφάφεται. Στην αστφονομία το οπτικό παφάθυφο αντιστοιχεί στο τμήμα του ηλεκτφομαγνητικού φάσματος που διέφχεται απο τη ατμόσφαιφα και φτάνει στην γη. Ονομάζεται 'οπτικό' επειδή αντιστοιχεί σε ένα μέφος του φάσματος της ηλεκτφομαγνητικής ακτινοβολίας που μποφεί να απεικονιστεί από οπτοηλεκτφονικές διατάξεις. Εν γένει, εξαιτίας των φαινομένων πολλαπλής σκέδασης και αποφφόφησης πφοσπαθούμε να εντοπίσουμε τα μήκη κύματος στα οποία η συνεισφοφά του πεφιβάλλοντος στο τελικό μας σήμα να είναι ελάχιστη. Τότε υφίσταται η μεγαλύτεφη διαχωφισιμότητα μεταξύ πεφιβάλλοντος και υπό εξέταση αντικείμενου.

Για τον τομέα της φυσικής ιατρικής, το οπτικό παράθυρο αντιστοιχεί στο τμήμα του φάσματος στο οποίο μπορούμε να πάρουμε τη μεγαλύτερη και καλύτερη δυνατή εν τω βάθει διαγνωστική πληροφορία από τον υπό εξέταση ιστό. Έχει βρεθέι έπειτα από πολλές μελέτες ότι το τελευταίο συμβαίνει στο τμήμα του ορατού και κοντινού ορατού φάσματος όπου οι ιστοί απορροφούν το λιγότερο φώς, δηλαδή περίπου απο τα 600nm εώς και τα 1200nm. Τα στοιχεία που καθορίζουν τα όρια του οπτικού παραθύρου για τους ιστούς είναι η μελανίνη, η οξυγωνομένη και η μη- οξυγωνομένη αιμοσφαιρίνη και το νερό.



Figure 2-3 Optical window για ιστούς

#### 2.5 Παράγοντες που επηρρεάζουν την ποιότητα της εικόνας

Η εικόνα που παίρνουμε απο ένα απεικονιστικό σύστημα προσδιορίζεται απο την απεικονιστική μέθοδο που χρησιμοποείται, τα χαρακτηριστικά του εξοπλισμού και απο τις μεταβλητές απεικόνισης που συλλέγονται. Η ποιότητα της εικόνας δεν είναι ένας ενιαίος παράγοντας αλλα εξαρτάται απο τουλάχιστον άλλες 4 παραμέτρους, οι οποίες είναι: η αντίθεση (contrast), η θαμπάδα (blur), ο θόρυβος (noise), τα τεχνιτά προιόντα (artifacts) και η διαστρέβλωση (distortion). Στα πλαίσια αυτής της εργασίας θα ασχοληθούμε μόνο με το contrast και το blur.



Figure 2-4 Παράγοντες που επηρεάζουν την ποιότητα της εικόνας

Το ανθρώπινο σώμα περιέχει πολλές δομές μέσα του, οι οποίες απεικονίζονται όλες μαζί απο το εκάστοτε απεικονιστικό σύστημα. Το κατα πόσο μια δομή μέσα στο σώμα θα είναι ορατή εξαρτάται απο το contrast ανάμεσα στην δομή και στο υπόλοιπο περιβάλλον. Ο βαθμός του contrast εξαρτάται τόσο απο το αντικείμενο όσο και απο το απεικονιστικό σύστημα. Ουσιαστικά το contrast είναι η διαφορά ανάμεσα στην ένταση του αντικειμένου που θέλουμε να απεικονίσουμε και στην ένταση του περιβάλλοντος (background). Όταν η διαφορά αυτή είναι μέγιστη τότε παίρνουμε πολύ καλή ποιότητα εικόνας, όσο η διαφορά αυτή μειώνεται η ποιότητα της εικόνας μας πέφτει και δεν μπορούμε πλέον να διακρίνουμε με μεγάλη ακρίβεια λεπτομέρειες.



Figure 2-5 Η ανίχνευση παθογενειών στηρίζεται στο contrast της εικόνας

Εκτός απο το contrast, ο άλλος παφάγοντας που επηφεάζει την ποιότητα της εικόνας ενός απεικονιστικού συστήματος είναι το blur. Το blur ή αλλιώς η ευκφίνεια (sharpness), το αντιλαμβανόμαστε σαν μια αλλοίωση στα όφια ενός αντικειμένου. Έχει σαν αποτέλεσμα η εικόνα που παίφνουμε να εμφανίζει έλλειψη λεπτομεφειών ή διαφοφετικά χαμηλή χωφική ανάλυση. Με τον όφο χωφική ανάλυση αναφεφόμαστε στην μικφότεφη απόσταση που μποφούν να βφίσκονται δύο αντικέιμενα και να φαίνονται ξεχωριστά. Υπάρχουν διάφοροι παράγοντες στους οποίους οφείλεται το blurring σε μια εικόνα, με βασικότερο την σκέδαση των φωτονίων πριν φτάσουν να ανιχνεύσουν την δομή που πρέπει απεικονιστεί. Υπάρχουν διάφοροι μέθοδοι για να υπολογίσει κανείς το sharpness μιας εικόνας, μεταξύ των οποίων είναι:

- Resolving Power
- Point Spread Function (PSF)
- Line Spread Function (LSF)
- Edge-Response Function (ERF)
- Modulation Transfer Function (MTF)

Εμείς θα ασχοληθούμε μονο με την PSF, η οποία μας δίνει την χωρική κατανομή της έντασης απο μια σημειακή πηγή. Ακοιβής μαθηματική έκφραση για την PSF μπορεί να βρεθεί χρησιμοποιώντας την προσέγγιση της διάχυσης του φωτός (Diffuse approximation, DA) όταν αυτό αλληλεπιδρά με ιστό. Εν γένει, η οπισθοσκεδαζόμενη ακτινοβολία επηρεάζεται από τους συντελεστές σκέδασης και απορρόφησης καθώς και από την απόσταση μεταξύ πηγής και δέκτη. Για να προσδιοριστεί η PSF έχουμε από την μία μεριά επαναληπτικές μεθόδους, όπως η εξομοίωση Monte Carlo, με το μειονέκτημα όμως ότι απαιτούν χρονοβόρους υπολογισμούς. Από την άλλη μεριά υπάρχει η δυνατότητα να θεωρηθεί ως η απόκριση του οπτικού συστήματος και να υπολογιστεί μέσω της ολοκλήρωσης των συναρτήσεων Green που προκύπτουν από την συνάρτηση διάχυσης του φωτός για όλη την υπό εξέταση επιφάνεια. Για την ιδιαίτερη περίπτωση ενός χωρικά μεταβαλλόμενου μέσου διάδοσης, οι ποοαναφερόμενες συναρτήσεις του Green μετασχηματίζονται έτσι ώστε να συμπεριλαμβάνουν τους χωρικά μεταβαλλόμενους συντελεστές σκέδασης και απορρόφησης. Και στις δύο περιπτώσεις η τελική μορφή της PSF μπορεί να βρεθεί είτε με αριθμητικές είτε με αναλυτικές μεθόδους.

Ο απλούστερος όμως τρόπος περιγραφής του φαινομένου γίνεται με βάση τη perturbation θεωρία, σύμφωνα με την οποία η κατανομή του οπισθοσκεδαζόμενου φωτός αλλάζει λόγω ετερογενειών στο μέσο. Συγκεκριμένα υπάρχουν δύο προσεγγίσεις, του Born και του Rytov. Σύμφωνα με την πρώτη έχουμε:

$$\Phi = \Phi_0 + \Phi_{PERT}$$

όπου Φ είναι η κατανομή της έντασης του σκεδαζόμενου φωτός όταν υπάρχουν ετερογένειες στο μέσο,  $Φ_0$  είναι η κατανομή της έντασης του σκεδαζόμενου φωτός όταν το μέσο θεωρείται ομογενές και  $Φ_{PERT}$  η κατανομή της έντασης του αντικειμένου που παρεμβάλλεται. Στην προσέγγιση του Rytov εμπλέκονται τα ίδια μεγέθη αλλά έχουμε την εξής σχέση:

#### $\Phi = \Phi_0 e^{\Phi_{PERT}}$

Και στις δύο προσεγγίσεις, η κατανομή της έντασης του αντικειμένου που προκαλεί την ετερογένεια, δηλαδή το Φ<sub>PERT</sub>, εξαρτάται απο το σχήμα του,το μέγεθος που έχει καθώς και τους συντελεστές σκέδασης και απορρόφησης.

Αφού βρεθεί η PSF, μπορούμε να πούμε οτι η blurring εικόνα προκύπτει απο την συνέλιξη του σήματος μιας σημειακής πηγής με την PSF του συστήματος διάχυσης του φωτός, δηλαδή:

$$g = f * h = \iiint_{-\infty}^{+\infty} f(\vec{x})h(\vec{x} - \vec{x'}) d^3x'$$

όπου g η τελική εικόνα, f η πραγματική σημειακή πηγή (αντικείμενο) και h η PSF. Επειδή η ποιότητα της εικόνας που παίρνουμε εξαρτάται απο την σκέδαση και την απορρόφηση που υπάρχει, θεωρούμε οτι η PSF είναι μια συνάρτηση που συνδέει τους συντελεστές σκέδασης (μ<sub>s</sub>) και απορρόφησης ( $\mu_a$ ), την απόσταση του αντικειμένου (z) καθώς και τις διαστάσεις του (x,y) δηλαδή  $h(\mu_a(\mathbf{r}), \mu_s(\mathbf{r}), \mathbf{r})$ . Σύμφωνα με την βιβλιογραφία, όταν έχουμε καλή ανάλυση η PSF είναι μια στενή κατανομή χωρίς πλευρικούς λοβούς. Μέτρο της ποιότητας της PSF είναι το full width half max (FWHM), δηλαδή το εύρος της καμπύλης κατανομής της σημειακής πηγής στο σημείο που η ένταση της είναι το μισό της μέγιστης.



FWHM - Full Width at Half Maximum

Figure 2-6 Το FWHM σαν μέτρο της διακριτικής ικανότητα ενός απεικονιστικού συστήματος

Όταν το μέσο διάδοσης σκεδάζει το φώς,τότε το PSF αρχίζει να γίνεται πιο ευρύ και η τιμή του FWHM αυξάνεται. Το ίδιο συμβαίνει και όταν απομακρύνουμε το αντικείμενο. Στόχος μας είναι οι εικόνες να έχουν όσο το δυνατόν μικρότερο FWHM έτσι ώστε να μπορούμε να διακρίνουμε ξεκάθαρα τις λεπτομέρειες που εξετάζουμε. Το κάτω όριο στην τιμή του FWHM καθορίζεται απο το μέγεθος του αντικειμένου.

# 3. Οπτικές ιδιότητες ιστών-Σκέδαση-Απορρόφηση

# 3.1 Εισαγωγή

Το φως σαν ηλεκτορμαγνητική ακτινοβολία αποτελείται από ένα ταλαντώμενο μαγνητικό πεδίο *M* και ένα ταλαντώμενο ηλεκτοικό πεδίο *E*, τα οποία δημιουργούν ένα ενιαίο εγκάρσιο ενεργειακό κύμα. Το ηλεκτρικό και το μαγνητικό πεδίο είναι ορθογώνια μεταξύ τους,όπως και στην διεύθυνση διάδοσης του κύματος. Το κύμα περιγράφεται από ένα μήκος κύματος *λ*, που αντιστοιχεί στο φυσικό μήκος μιας πλήρους ταλάντωσης και μια συχνότητα *ν*, που αντιστοιχεί στον αριθμό των ταλαντώσεων ανα δευτερόλεπτο. Σύμφωνα με την κβαντική θεώρηση, η ενέργεια *E* ενός φωτονίου συνδέεται με την συχνότητα (ή το μήκος κύματος) της ακτινοβολίας με την εξής σχέση

$$E = h \cdot v$$

όπου h είναι η σταθεφά Planck (6.62606896 (33) ×  $10^{-34}$ Js) και v η συχνότητα της ακτινοβολίας.



Figure 3-1 Διάδοση φωτός ως ηλεκτρομαγνητικό κύμα

Το ηλεκτφομαγνητικό φάσμα είναι μια συνεχής πεφιοχή ακτινοβολίας, που εκτείνεται απ' τα φαδιοκύματα έως τις ακτίνες γ. Τα πεφιγφαφικά ονόματα των διαφόφων πεφιοχών του αποτελούν μόνο μια ιστοφική ταξινόμηση. Σε όλες τις περιοχές του ηλεκτρομαγνητικού φάσματος τα κύματα έχουν την ίδια φύση, διαδίδονται με την ίδια ταχύτητα, την ταχύτητα του φωτός, και διαφέρουν μόνο στη συχνότητα και το μήκος κύματος. Η συχνότητα του κύματος, με την οποία πάλλεται στο χώρο είναι η συχνότητα του δονούμενου ηλεκτρικού φορτίου, που το δημιούργησε. Η σχέση που συνδέει την ταχύτητα του φωτός *c*, με την συχνότητα *v* και το μήκος κύματος *λ* είναι

$$\lambda = \frac{c}{v}$$

Ενώ η ενέργεια του φωτονίου συνδέεται με το μήκος κύματος ως εξής



$$E = \frac{h \cdot c}{\lambda}$$

Figure 3-2 Ηλεκτρομαγνητικό Φάσμα

Όταν η φωτεινή ακτινοβολία προσπίπτει πάνω σε ύλη τότε ένα μέρος της απορροφάται και το υπόλοιπο σκεδάζεται λόγω μεταβολών του δείκτη διάθλασης. Ο δείκτης διάθλασης (n) είναι χαρακτηριστικό μέγεθος κάθε υλικού και δείχνει το πόσο μειώνεται η ταχύτητα του φωτός όταν εισχωρεί μέσα στο υλικό. Πιο συγκεκριμένα ,υπολογίζεται από την σχέση

$$n = \frac{c}{u}$$

όπου c (3 × 10<sup>8</sup> m/) η ταχύτητα του φωτός στο κενό και u η ταχύτητα του φωτός στο μέσο που διαδίδεται.

#### 3.2 Εισαγωγή στην θεωρία απορρόφησης

Απορρόφηση είναι το φαινόμενο κατά το οποίο τα ηλεκτρόνια που βρίσκονται σε μία χαμηλή ενεργειακή στάθμη  $E_0$  διεγείρονται από εξωτερική ακτινοβολία και μεταβαίνουν σε υψηλότερη ενεργειακή στάθμη  $E_1$ . Για να συμβεί κάτι τέτοιο θα πρέπει η ενέργεια που θα προσλάβουν τα ηλεκτρόνια να είναι ίση με την διαφορά ενέργειας των δυο επιπέδων δηλαδή  $E = E_1 - E_0$ . Το ακριβώς αντίθετο φαινόμενο ανομάζεται εκπομπή. Συγκεκριμένα η εκπομπή είναι το φαινόμενο κατά την διάρκεια του οποίου τα διεγερμένα ηλεκτρόνια που βρίσκονται από εξώτερική ακτινοβολία αντίθετο το ακριβάζεται εκπομπή.

$$\omega = \frac{E_1 - E_0}{h}$$

Αν η αποδιέγεφση γίνει αυθόφμητα μετά από ένα χφονικό διάστημα 10<sup>-</sup> sec τότε έχουμε αυθόφμητη αποδιέγεφση ενώ αν γίνει κάτω από την επίδφαση ενός άλλου φωτονίου λέγεται εξαναγκασμένη. Σε κατάσταση θεφμοδυναμικής ισοφφοπίας ο φυθμός διέγεφσης είναι ίσος με τον φυθμό αποδιέγεφσης.



Figure 3-3 Αναπαράσταση φαινομένων απορρόφησης και εκπομπής

Αν το υλικό πάνω στο οποίο προσπίπτει η ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία είναι ομογενές και μη- σκεδάζων τότε εφαρμόζεται ο νόμος των Beer-Lambert. Σύμφωνα με αυτόν το φαινόμενο της απορρόφησης συσχετίζεται με την φύση του υλικού και επιδρά στην απόσταση που διανύει η ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία μέσα στο υλικό. Όλα τα παραπάνω εκφράζονται μέσω της σχέσης

$$T = \frac{I_1}{I_0} = 10^{-a \cdot l} = 10^{-\varepsilon \cdot l \cdot c}$$

όπου T είναι η ακτινοβολία που μεταδίδεται,  $I_1$  είναι η ακτινοβολία που εξέρχεται από το υλικό,  $I_0$  είναι η αρχική ακτινοβολία που προσπίπτει στο υλικό, α είναι ο συντελεστής απορρόφησης του υλικού, l είναι το μήκος που θα διανύσει η ακτινοβολία μέσα στο υλικό. Αντί για τον συντελεστή απορρόφησης α μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε το γινόμενο  $\varepsilon \cdot c$  όπου c είναι η συγκέντρωση σε ουσίες που βρίσκονται μέσα στο υλικό και οι οποίες απορροφούν την ακτινοβολία ενώ  $\varepsilon$  είναι η μοριακή απορρόφηση που

παρουσιάζουν οι ουσίες αυτές. Μια άλλη έκφραση του νόμου Beer-Lambert είναι η εξής

$$A = -\log\left(\frac{I_1}{I_0}\right)$$

η οποία υπολογίζει και πάλι την ακτινοβολία που μεταδόθηκε. Ο όφος *Α* δείχνει ουσιαστικά την αποφφόφηση που παφουσιάζει το υλικό ενώ οι όφοι *Ι*<sub>1</sub>, *Ι*<sub>0</sub> εκφφάζουν τα ίδια μεγέθη όπως στην πφοηγούμενη σχέση.



Figure 3-4 Η απορροφητική ικανότητα του μέσου διάδοσης της ηλεκτρομαγνητικής ακτινοβολίας επηρρεάζει την ένταση της εξερχόμενης ακτινοβολίας

# 3.3 Εισαγωγή στην θεωρία σκέδασης

Σκέδαση ονομάζεται το φαινόμενο κατά το οποίο ηλεκτφομαγνητική ακτινοβολία πφοσπίπτει σε ένα σύστημα (σκεδαστής) και ένα μέφος της επανεκπέμπεται. Η σκεδαζόμενη ακτινοβολία μποφεί να έχει διαφοφετικό μήκος κύματος, ένταση, φάση, διεύθυνση διάδοσης, και πόλωση σε σχέση με την πφοσπίπτουσα ακτινοβολία. Το φαινόμενο της σκέδασης εξαφτάται από την φύση του σκεδαστή (υλικό και μέγεθος) και την διάταξη του στο χώφο (τυχαία ή κατανεμημένη). Θέτοντας κάποια κριτήρια μπορούμε να διαχωρίσουμε κάποια είδη σκέδασης.

## 3.3.1 Ελαστική σκέδαση

Ελαστική ονομάζεται η σκέδαση όταν το μήκος κύματος της επανεκπεμπόμενης ακτινοβολίας παραμένει το ίδιο με της προσπίπτουσας. Στην κατηγορία αυτή ανήκουν δύο πολύ γνωστές θεωρίες σκέδασης, η θεωρία του Mie και η θεωρία Rayleigh.

Η θεωρία του Rayleigh αφορά την σκέδαση που συμβαίνει από έναν αριθμό σκεδαστών οι οποίοι έχουν μέγεθος πολύ μικρότερο σε σχέση με το μήκος κύματος της προσπίπτουσας ακτινοβολίας. Μια σχέση που συσχετίζει το μέγεθος του σκεδαστή με το μήκος κύματος της ακτινοβολίας είναι η εξής

$$x = \frac{2 \cdot \pi \cdot r}{\lambda}$$

όπου 2 · π · r είναι η διάμετοος του σκεδαστή ενώ λ είναι το μήκος κύματος της ακτινοβολίας. Σύμφωνα με την θεωοία του Rayleigh θα ποέπει x <<1. Η ένταση της σκεδαζόμενης ακτινοβολίας σε αυτήν την πεοίπτωση υπολογίζεται από την σχέση

$$I = I_0 \frac{1 + \cos^2 \theta}{2R} \left(\frac{2\pi}{\lambda}\right)^4 \left(\frac{n^2 - 1}{n^2 + 2}\right)^2 \left(\frac{d}{2}\right)^6$$

όπου  $I_0$  είναι η ένταση της προσπίπτουσας ακτινοβολίας, λ είναι το μήκος κύματος της ηλεκτρομαγνητικής ακτινοβολίας η οποία θεωρείται μηπολωμένη, d η διάμετρος του σκεδαστή, R η απόσταση μέχρι τον σκεδαστή,  $\theta$  η γωνία σκέδασης κα n ο δείκτης διάθλασης του σκεδαστή. Κάποια φαινόμενα που σχετίζονται με την σκέδαση Rayleigh είναι το κυανό χρώμα του ουρανού, η αλλαγή του χρωματισμού του ουρανού κατά τη δύση και την ανατολή του ήλιου, οι απώλειες ενέργειας κατά την διάδοση ακτινοβολίας σε διάφανα στερεά (οπτικά στοιχεία, κρυστάλλους, οπτικές ίνες).

Η θεωρία του Mie αφορά την σκέδαση που συμβαίνει από έναν αριθμό σκεδαστών οι οποίοι έχουν μέγεθος μεγαλύτερο ή το πολύ ίσο σε σχέση με το μήκος κύματος της προσπίπτουσας ακτινοβολίας. Αν και αρχικά η θεωρία αυτή έβρισκε εφαρμογή μόνο σε περιπτώσεις που ο σκεδαστής θεωρούνταν ομογενής, ισοτροπικός (υλικά για τα οποία ο δείκτης διάθλασης και η ταχύτητα της ακτίνας είναι ανεξάρτητα από την διεύθυνση διάδοσης) και οπτικά γραμμικός, τελικά έχει αποδείχτηκε ότι έχει ισχύ και σε υλικά που δεν καλύπτουν τις αρχικές προδιαγραφές. Τα χαρακτηριστικά της συγκεκριμένης θεωρίας σκέδασης είναι οτι (2):

- Εμφανίζεται σε σκεδαστές που έχουν μέγεθος συγκρίσιμο με το μήκος κύματος της προσπίπτουσας ακτινοβολίας
- Παρουσιάζει μικρότερη εξάρτηση απο το μήκος κύματος σε σχέση με την σκέδαση Rayleigh. Συγκεκριμένα η ένταση της σκεδαζόμενης ακτινοβολίας εξαρτάται απο απο τον παράγοντα  $\lambda^{-X}$  όπου  $0.4 \leq X \leq 0.5$
- Το σκεδαζόμενο φως έχει χαρακτηριστική κατάσταση πόλωσης

Γενικά στην σκέδαση σύμφωνα με την θεωρία του Mie η σκεδαζόμενη ακτινοβολία χαρακτηρίζεται ως εμπροστο-σκεδαζόμενη ενώ στην θεωρία του Rayleigh θεωρείται οπισθο-σκεδαζόμενη.



Figure 3-5 Η πορεία διάδοσης της ακτινοβολίας σύμφωνα την σκέδαση Mie και Rayleigh αντίστοιχα.

# 3.3.2 Ανελαστική Σκέδαση

Ανελαστική θεωφείται η σκέδαση κατά την οποία η επανεκπεμπόμενη ακτινοβολία έχει διαφοφετικό μήκος κύματος σε σχέση με την πφοσπίπτουσα ακτινοβολία. Στην κατηγοφία αυτή ανήκουν δύο πολύ γνωστές θεωφίες σκέδασης, η θεωφία του Brillouin και η θεωφία του Raman.

Σύμφωνα με την θεωρία του Brillouin, αυτό το είδος σκέδασης παρατηρείται συνήθως κατά την διάδοση φωτονίων σε κρυσταλλικά μέσα όπου το αρχικό φωτόνιο  $ω_0$  απορροφάται από το κρυσταλλικό πλέγμα και επανεκπέμπεται σαν συνδυασμός ενός φωτονίου χαμηλότερης συχνότητας  $ω_s$  και ενός φωτονίου  $ω_f$  όπου  $ω_0 = \omega_s + \omega_f$ . Λαμβάνει χώρα μόνο κατά την χρήση υψηλών εντάσεων ακτινοβολίας (περίπου  $10^7$  W/cm<sup>2</sup>) και μόνο όταν η ένταση της διαδιδόμενης ακτινοβολίας υπερβεί ένα ορισμένο κατώφλι, το οποίο είναι χαρακτηριστικό για κάθε κρύσταλλο. Το σκεδαζόμενο φωτόνιο όπως επίσης και το παραγόμενο φωτόνιο παρατηρούνται σε αυστηρά διακριτές γωνίες μεταξύ τους όπως αυτές καθορίζονται από την αρχή διατήρησης της ορμής.



Figure 3-6 Αναπαράσταση σκέδασης Brillouin μέσω ηλεκτρονιακών μεταβάσεων

Σύμφωνα με την θεωρία του Raman, όταν η ακτινοβολία προσπίπτει σε έναν σκεδαστή τότε ένα ποσοστό από τα φωτόνια που διεγείοονται και στην συνέχεια εκπέμπονται θα αποκτήσουν διαφορετική συχνότητα (συνήθως μικρότερη) από εκείνη της προσπίπτουσας ακτινοβολίας. Πιο συγκεκριμένα αυτό το είδος σκέδασης παρατηρείται κατά την ταυτόχρονη διέλευση δύο φωτονίων με συχνότητες  $\omega_0$  και  $\omega_s$  ( $\omega_s < \omega_0$ ) από το οπτικό μέσο, όπου το αρχικό φωτόνιο ω<sub>0</sub> απορροφάται και ένα μέρος του επανεκπέμπεται με την συχνότητα ως του αρχικού συνοδεύοντος φωτονίου. Ουσιαστικά έχουμε ενίσχυση του πληθυσμού των φωτονίων ως μέσω των φωτονίων ω. Η σκέδαση αυτή λαμβάνει χώρα κατά την χρήση υψηλών εντάσεων ακτινοβολίας (10<sup>10</sup> W/cm<sup>2</sup>). Τα προσπίπτοντα και τα σκεδαζόμενα φωτόνια πρέπει να βρίσκονται σε συμφωνία φάσης. Οι συχνότητες των φωτονίων ως προβλέπονται από την σκέδαση Stokes και Anti-Stokes που θα αναλυθούν στην συνέχεια. Γενικά αν θέλαμε να συγκρίνουμε τις θεωρίες σκέδασης του Brillouin και του Raman θα λέγαμε ότι ουσιαστικά είναι ίδιες με μόνες διαφορές στις πειραματικές τεχνικές που εφαρμόζονται όπως και στο εύρος συχνοτήτων που μπορούν να μετοηθούν. Χαρακτηριστικά με την πρώτη μπορούμε να μετρήσουμε έως 500 GHz ενώ η δεύτερη έχει εύρος έως κάποια THz

Με τον όφο σκέδαση **Stokes** αναφεφόμαστε στην σκέδαση όπου διεγεφμένο φωτόνιο μεταπίπτει σε ενεφγειακή στάθμη που είναι υψηλότεφη από την αφχική. Έτσι το εκπεμπόμενο φωτόνιο θα έχει ενέφγεια μικφότεφη σε σχέση με

την προσπίπτουσα ακτινοβολία. Το ακριβώς αντίστροφο φαινόμενο αποτελεί η σκέδαση **Anti-Strokes.** Στην περίπτωση αυτή κατά την αποδιέγερση του φωτονίου στην αρχική στάθμη έχουμε ταυτόχρονη απορρόφηση ενός άλλου φωτονίου με αποτέλεσμα το τελικό εκπεμπόμενο φωτόνιο να έχει υψηλότερη ενέργεια σε σχέση με την αρχική προσπίπτουσα ακτινοβολία.



Figure 3-7 Ηλεκτρονιακές μεταβάσεις κατά την σκέδαση Stoke και Anti-Stoke αντίστοιχα.

# 3.3.3 Απλή και Πολλαπλή σκέδαση

Όταν έχουμε έναν σκεδαστή τότε η ακτινοβολία που προσπίπτει θα σκεδαστεί μία φορά οπότε λέμε ότι έχει υποστεί απλή σκέδαση. Ωστόσο οι σκεδαστές τείνουν να βρίσκονται σε ένα υλικό κατά ομάδες οπότε η ακτινοβολία θα σκεδαστεί πολλές φορές, σε αυτήν την περίπτωση έχουμε πολλαπλή σκέδαση. Η διαφορά μεταξύ των δύο ειδών σκέδασης έχει να κάνει με την δυνατότητα ποόβλεψης της πορείας που θα ακολουθήσει η επανεκπεμπόμενη ακτίνα. Συγκεκοιμένα στην απλή σκέδαση δεν μπορούμε να ξέρουμε ποια πορεία θα ακολουθήσει η ακτινοβολία αφού πρόκειται για τυχαία διαδικασία. Το μόνο που μπορούμε να προβλέψουμε είναι κάποιες κατανομές πιθανότητας για την πορεία που θα ακολουθηθεί. Αντίθετα στην πολλαπλή σκέδαση, λόγω του ότι το φαινόμενο επαναλαμβάνεται πολλές φορές η διαδικασία θεωρείται ντετερμινιστική οπότε μπορούμε να βγάλουμε την τελική πορεία.

## 3.3.4 Ισοτροπική και Ανισοτροπική σκέδαση

Ισοτροπική σκέδαση έχουμε όταν η σκεδαζόμενη ακτινοβολία έχει την ίδια ένταση σε όλες τις διευθύνσεις διάδοσης. Αντίθετη συμπεριφορά έχουμε στην ανιστοτροπική σκέδαση. Μια συνάρτηση που θα μπορούσε να εκφράσει την ισοτροπική σκέδαση είναι η εξής

$$p(\theta) = \frac{1}{4\pi}$$

ή διαφορετικά

$$\int_0^{\pi} p(\theta) \cdot 2\pi \cdot \sin \theta \, d\theta = 1$$

όπου θ είναι η γωνία απόκλισης.

#### 3.3.5 Σύμφωνη και Ασύμφωνη σκέδαση

Έστω οτι έχουμε ένα υλικό που περιέχει έναν αριθμό σκεδαστών. Η εικόνα που βλέπουμε στην περιοχή σκέδασης είναι αποτέλεσμα της συμβολής των κυμάτων απο τους διαφορετικούς σκεδαστές. Αν τα σκεδαζόμενα κύματα απο το σύνολο των σκεδαστών έχουν συγκεκριμένες διαφορές φάσης λέμε οτι η σκέδαση είναι σύμφωνη. Αντίθετα στην ασύμφωνη σκέδαση το εισερχόμενο κύμα αλληλεπιδρά ανεξάρτητα με τον κάθε σκεδαστή οπότε δεν έχουμε συμβολή των εντάσεων.

## 3.4 Σκέδαση και Απορρόφηση στους ιστούς

Ιστοί ονομάζονται ομάδες κυττάτων που έχουν την ίδια κατασκευή και εκτελούν τις ίδιες λειτουργίες. Οι κατηγορίες στις οποίες διακρίνονται είναι: οι επιθηλιακοί, οι νευρικοί, οι μυικοί και οι συνδετικοί. Εμείς θα ασχοληθούμε με τους επιθηλιακούς όπως το δέρμα. Όταν η ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία προσπίπτει σε επιθυλιακό ιστό τότε συμβαίνουν διάφορα φαινόμενα, τα οποία είναι υπεύθυνα για το τι αντιλαμβάνεται τελικά το μάτι. Γενικά ο ιστός είναι μια δομή που αποτελείται απο μια ποικιλία στοιχείων τα οποία απορροφούν αλλα κυρίως σκεδάζουν πολλαπλώς την ακτινοβολία. Γι' αυτόν τον λόγο δεν μπορούμε να δούμε σε βάθος στο δέρμα. Τα κύρια στοιχεία που επηρεάζουν την απορρόφηση στους ιστούς είναι το νερό, η μελανίνη και η αιμοσφαιρίνη. Ανάλογα την περιοχή που βρίσκεται ο ιστός, οι συγκεντρώσεις των παραπάνω στοιχείων αλλάζουν, με αποτέλεσμα να εμφανίζει και διαφορετικές οπτικές ιδιότητες. Μελετώντας τα φάσματα απορρόφησης των κύριων συστατικών των ιστών μπορούμε να αιτιολόγήσουμε γιατί π.χ. τα οπτικά παράθυρα στην περιοχή του τραχήλου της μήτρας και του δέρματος διαφέρουν.



Figure 3-8 Φάσματα απορρόφησης των στοιχείων του ιστού

Συγκεκοιμένα η μήτοα δεν πεοιέχει καθόλου ποσότητες μελανίνης με αποτέλεσμα το φως να μποοεί να διεισδύει βαθύτεοα σε αυτήν την πεοιοχή χωρίς να αποοροφάται. Όπως φαίνεται και απο τις παρακάτω εικόνες, στην μήτοα είναι πολύ εύκολο να διακοίνουμε μικοές λεπτομέσειες όπως αγγεία, τα οποία φαίνονται εξαιτίας της αποορόφησης της αιμοσφαιοίνης. Αντίθετα στο χέοι μπορούμε να δούμε μόνο επιφανειακά λόγω της μεγάλης αποορόφησης και σκέδασης που παρουσιάζει το δέρμα.





Figure 3-9 Εικόνα του τράχηλου της μήτρας (αριστερά) και το δέρματος απο περιοχή του χεριού

# 3.5 Μοντέλα Προσομοίωσης Διάδοσης Φωτός στους Ιστούς

Όπως πεφιγφάψαμε ο ιστός είναι μια ανομοιογενής δομή που αποτελείται απο μια ποικιλία στοιχείων, τα οποία αποφφοφούν μεφικώς αλλα κυφίως σκεδάζουν το φώς. Ο βαθμός σκέδασης ή αποφφόφησης ποικίλει ανάλογα το δείγμα του ιστού. Είναι πολύ σημαντικό να γνωφίζουμε τις τιμές σκέδασης και αποφφόφησης ενός ιστού καθώς τυχόν αλλαγές αποτελούν ένδειξη παθογένειας στην πεφιοχή. Στα πειφάματα που διεξάγονται η απαφαίτητη πληφοφοφία πφοέφχεται απο ανιχνευτές που συλλέγουν την πολλαπλά σκεδαζόμενη ακτινοβολία. Αυτό που μας ενδιαφέφει εμάς είναι να γνωφίζουμε την ποφεία που ακολούθησε το φώς μέσα στον ιστό, τους παφάγοντες που το επηφέασαν και να εντοπίσουμε τον τφόπο που πφέπει να επέμβουμε ώστε να επιτύχουμε μεγαλύτεφο βάθος διείσδυσης. Στην βιβλιογφαφία εμφανίζονται οι εξής τφόποι για να επιτύχουμε πφοσομοίωση της διάδοσης του φωτός:

- i. Ανάπτυξη αναλυτικών μεθόδων
- ii. Ανάπτυξη θεωρίας μεταφοράς ακτινοβολίας (Radiative Transfer Theory, RTT)
- iii. Ποοσομοίωση Monte-Carlo

#### 3.5.1 Αναλυτική Μέθοδος

Η αναλυτική μέθοδος στηρίζεται σε βασικές εξισώσεις που ποσοτικοποιούν τα ζητούμενα μεγέθη. Χαρακτηριστικές εξισώσεις που ανήκουν σε αυτήν την κατηγορία είναι του Maxwell. Ουσιαστικά, τα χαρακτηριστικά σκέδασης και απορρόφησης των μορίων εισάγονται σε μαθηματικές εξισώσεις και μέσω διαφορικών ή ολοκληρωματικών λύσεων καταλήγουν σε συσχετιστικές συναρτήσεις (3). Ωστόσο η αναλυτική μέθοδος δεν χοησιμοποιείται συχνά εξαιτίας της πολυπλοκότητας της, της έλλειψης άμεσα εφαρμόσιμων λύσεων και της αδυναμίας να συμπεριλάβει όλα τα φαινόμενα που παίρνουν μέρος.

## 3.5.2 Θεωρία Μεταφοράς της ακτινοβολίας (RTT)

Αποτελεί την πιο συχνά χρησιμοποιούμενη μέθοδος για την ερμηνεία της πολλαπλής σκέδασης των φωτονίων. Η βασική θεώρηση που γίνεται είναι οτι αγνοείται η κυματική φύση του φωτός και απλά μελετάται η ροή ενέργειας στο μέσο. Έχει χρησιμοποιηθεί ευρύτατα και έχει αποδειχθεί πειραματικά οτι μπορεί να εφαρμοστεί σε έναν μεγάλο αριθμό πρακτικών προβλημάτων. Για την απεικόνιση της αλληλεπίδρασης του φωτός με τον ιστό χρησιμοποιούνται διάφορες μαθηματικές προσεγγίσεις. Σύμφωνα με την θεωρία μεταφοράς όταν μια ακτίνα φωτός προσπίπτει σε μια

επιφάνεια αποκλίνει απο την αρχική της πορεία λόγω διαφορετικού δείκτη διάθλασης (n) των δύο μέσων. Ανάλογα την νέα κατεύθυνση και το ποσοστό της ενέργειας που χάθηκε κατα την διαδικασίας της πρόσπτωσης, έχουμε σκέδαση προς τα εμπρός ή προς τα πίσω ή απορρόφηση. Στις περισσότερες περιπτώσεις ο ιστός θεωρείται οτι έχει ογκομετρικούς συντελεστές σκέδασης και απορρόφησης και όχι ξεχωριστά κέντρα απορρόφησης και σκέδασης που χωρίζουν το μέσο σε μη-σκεδαζόμενο και μη-απορροφούμενο. Ο ογκομετρικός συντελεστής σκέδασης( $\mu_s$ )/απορρόφησης ( $\mu_a$ ) υπολογίζεται πολλαπλασιάζοντας την σκέδαση( $\sigma_s$ )/απορρόφηση( $\sigma_a$ ) της διατομής με την πυκνότητα των σκεδαστών/απορροφητών. Το ανάστροφο αυτών των συντελεστών δίνει την μέση απόσταση που θα διανύσει το φώς πριν σκεδαστεί ή απορροφηθεί. Η απόσταση αυτή ονομάζεται και μήκος ελεύθερου μονοπατιού (mean free path -- mfp). Μια επιπλέον βασική έννοια της θεωρίας μεταφοράς είναι η ακτινοβολία. Η ακτινοβολία  $L = (r, \hat{s})$  είναι η ένταση στο σημείο που καθορίζεται απο το διάνυσμα r και προσδιορίζεται απο την κατεύθυνση του μοναδιαίου διανύσματος  $\hat{s} = (\theta, \varphi)$  όπου  $\theta$  είναι η πολική γωνία και φείναι η αζιμουθιακή γωνία. Σύμφωνα με την θεωρία μεταφοράς, υπάρχουν τρείς παράμετροι που προσδιορίζουν την διάδοση του φωτός : το αλμπέντο (albedo), το οπτικό βάθος (optical depth) και η συνάρτηση φάσης (phase function). To albedo ( $\Lambda$  ή α ή W<sub>0</sub>) είναι μια αδιάστατη παράμετρος η οποία ορίζεται ώς ο λόγος του συντελεστή σκέδασης προς το άθροισμα των συντελεστών σκέδασης και αποορόφησης.

$$\Lambda = \frac{\mu_s}{\mu_s + \mu_a} = \frac{\mu_s}{\mu_t}$$

όπου μ<sub>t</sub> ονομάζεται συντελεστής εξάλειψης. Το albedo παίονει τιμές απο μηδέν εώς ένα. Η τιμή μηδέν υποδηλώνει την έλλειψη σκέδασης ενώ η τιμή ένα την έλλειψη απορρόφησης. Έτσι για μια μαύρη εικόνα το

αλμπέντο είναι μηδέν ενώ για μία λευκή εικόνα είναι ένα. Το οπτικό βάθος (τ) είναι προιόν του πάχους του ιστού (d) και του αθροίσματος των συντελεστών σκέδασης και απορρόφησης. Συγκεκριμένα προκύπτει απο την εξής σχέση:

$$\tau = d \cdot (\mu_a + \mu_s) = d \cdot \mu_t$$

Για να γίνει πιο κατανοητό μπορούμε να φανταστούμε οτι το οπτικό βάθος είναι ένα στρώμα ομίχλης ανάμεσα σε εμάς και στο αντικείμενο που παρατηρούμε. Όταν το αντικείμενο είναι ακριβώς μπροστά μας και μπορούμε να το ξεχωρίσουμε λέμε οτι το οπτικό βάθος είναι μηδέν. Όσο το αντικείμενο απομακούνεται, το οπτικό βάθος αυξάνεται με αποτέλεσμα μετά απο κάποια στιγμή να μην μπορούμε να το διακρίνουμε καθόλου. Τέλος, η συνάρτηση φάσης αναπαριστά αποκλειστικά και μόνο τα χαρακτηριστικά σκέδασης ενός μέσου. Είναι ο λόγος του φωτός που σκεδάζεται κατά τη κατεύθυνση του μοναδιαίου διανύσματος  $\hat{s}$  προς το φώς που προσπίπτει κατά τη κατεύθυνση του διανύσματος  $\hat{s'}$ . Η αυτή συνάρτηση (εισερχόμενης και εξερχόμενης τετραδιάστατη ακτινοβολίας) ελαττώνεται όταν οι σκεδαστές είναι τυχαία προσανατολισμένοι οπότε και εξαρτάται μόνο από την γωνία φάσης μεταξύ των δυο κατευθύνσεων:  $p(cos\omega) = p(\hat{s}, \hat{s}')$  Θεωφώντας την συνάοτηση συνάρτηση φάσης σαν πιθανότητας μπορεί να κανονικοποιηθεί σε:

$$\int_{4\pi} p(\hat{s}, \hat{s}') d\omega = 1$$

όπου dω είναι η διαφορική σταθερή γωνία στην κατεύθυνση του διανύσματος **ŝ**. Αυτή η κανονικοποίηση είναι έγκυρη μόνο όταν δεν συμβαίνουν φαινόμενα απορρόφησης και έτσι το φώς σκεδάζεται σε όλες τις κατευθύνσεις. Υπάρχουν δύο είδη συναρτήσεων φάσης, οι ισοτροπικές και οι ανισοτροπικές. Η ισοτροπική συνάρτηση φάσης ορίζεται ως η

πιθανότητα σκέδασης απο μια κατεύθυνση σε μία άλλη συναοτήσει μόνο της γωνίας που σχηματίζεται ανάμεσα στις δύο κατευθύνσεις. Έτσι ισχύει οτι:

$$p(\hat{s}, \hat{s}') = \frac{1}{4}\pi$$

Αντίθετα, η ανισοτοοπική συνάοτηση φάσης πεοιγοάφεται απο μία παράμετοο που ονομάζεται συντελέστής ανισοτοοπίας (g) και αποτελεί ένα μέτοο του πόσο σκεδάστηκε η ακτινοβολία προς την εμπρόσθια κατεύθυνση. Ορίζεται ως το ολοκλήρωμα της συνάρτησης φάσης όλων των γωνιών, πολλαπλασιασμένο με το συνημίτονο της γωνίας :

$$g = \int_{4\pi} p(\hat{\boldsymbol{s}}, \hat{\boldsymbol{s}}')(\hat{\boldsymbol{s}} \cdot \hat{\boldsymbol{s}}') d\omega$$

Ο συντελεστής ανισοτοοπίας (g) μπορεί να πάρει οποιαδήποτε τιμή ανάμεσα στο 1 και στο -1. Αν g = -1 τότε έχουμε ολική σκέδαση προς την πίσω κατεύθυνση, αν g = 1 τότε η συνολική σκέδαση είναι πρός την εμπός κατεύθυνση ενώ αν g = 0 τότε η σκέδαση είναι ισοτροπική. Για μόρια πολύ μικρότερα απο το μήκος κύματος του εισερχόμενου φωτός (λ), η συνάρτηση φάσης είναι ανάλογη του  $\left[1 + (\hat{s}, \hat{s}')^2\right]$ , ο συντελεστής σκέδασης είναι ανάλογος του  $\lambda^{-4}$  και η κατεύθυνση της σκέδασης είναι προς τα πίσω (Rayleigh σκέδαση). Για μόρια με μέγεθος ίσο ή μεγαλύτερο του μήκους κύματος του εισερχόμενου φωτός έχουμε σκέδαση Mie. Ανάλογα την σχέση των συντελεστών σκέδασης και απορρόφησης μπορούμε να διακρίνουμε τρείς περιοχές στο φάσμα συχνοτήτων:

- Κυριαρχεί η απορρόφηση αν  $\mu_a > 10(1-g)\mu_s$  (λ < 250nm και λ > 2000nm)
- Υπερτερεί η σκέδαση έναντι της απορρόφησης αν  $\mu_a < 0.1(1-g)\mu_s$  ( $\lambda = 600nm 1200nm$ )
• Επικρατεί τόσο το φαινόμενο της σκέδασης όσο και της απορρόφησης αν  $0.1(1-g)\mu_s < \mu_a < 10(1-g)\mu_s$  (για όλο το υπόλοιπο φάσμα συχνοτήτων)

Υπάφχουν διάφοφες μαθηματικές εκφφάσεις της συνάφτησης φάσης. Ονομαστικά και μόνο θα αναφέφουμε τις κυφιότεφες:

- Henyey-Greenstein (4)
- Τροποποιημένη μέθοδος Henyey-Greenstein (4)
- Eddington (5)
- Μέθοδος Delta-Eddington (5)
- > Rayleigh (6)
- ≻ Mie (7)
- Ελλειψοειδής συνάρτηση φάσης (8)
- Διωνυμική συνάρτηση φάσης για εμπροστο σκέδαση και οπισθο σκέδαση (8)
- Απόλυτα εμπρόσθια ισοτροπική συνάρτηση φάσης (8)
- Απόλυτα ανισοτοοπική σκέδαση χαμηλού βαθμού με εμποόσθια και οπίσθια κατεύθυνση (8)
- > Δύο παραμέτρων συνάρτηση φάσης (Gegenbauer kernel) (8)
- Γκαουσιανή συνάρτηση φάσης (8)

Το κριτήριο για την επιλογή μιας συγκεκριμένης συνάρτησης φάσης καθορίζεται απο τον λόγο του μεγέθους του μορίου προς το μήκος κύματος του φωτός που προσπίπτει.

Μαθηματικά, η θεωρία μεταφοράς περιγράφεται απο την εξίσωση μεταφοράς ακτινοβολίας. Για να είναι έγκυρη η εφαρμογή της εξίσωσης θα πρέπει να ικανοποιούνται οι παρακάτω υποθέσεις:

- Ι. Θεωφούμε οτι τα φωτόνια είτε σκεδάζονται ελαστικά απο τα μόφια του δείγματος είτε αποφφοφούνται.
- ΙΙ. Το μέσο θεωρείται ομογενές. Αυτό σημαίνει οτι κάθε μεταβολή εξαιτίας της διασποράς και της απορρόφησης θα πρέπει να είναι,

σε κλίμακα μήκους, πολύ μικρότερη σε σχέση με το πάχος του δείγματος.

- ΙΙΙ. Κάθε μόριο θεωρείται αρκετά απομονωμένο έτσι ώστε ο τρόπος που σκεδάζει να είναι ανεξάρτητος απο τα υπόλοιπα μόρια.
- IV. Η σκέδαση απο όλα τα μόρια του δείγματος μπορεί να περιγραφεί απο την συνάρτηση φάσης.
- V. Η κατανομή της έντασης θεωρείται σταθερή/ομογενής, το οποίο συμβαίνει όταν το φώς προσπίπτει στο δείγμα για περισσότερο χρόνο απο μερικά nanosecond.

VI. Δεν υπάρχουν πηγές φωτός μέσα στο μέσο διάδοσης.

Έτσι η εξίσωση μεταφοράς ακτινοβολίας (RTE) σε έναν ιστό με αυθαίρετο όγκο είναι η εξής :

$$(\hat{\boldsymbol{s}} \cdot \nabla) L_d(\boldsymbol{r}, \hat{\boldsymbol{s}}) + \mu_t L(\boldsymbol{r}, \hat{\boldsymbol{s}}) = \mu_s \int_{4\pi} p(\hat{\boldsymbol{s}}, \hat{\boldsymbol{s}}') L(\boldsymbol{r}, \hat{\boldsymbol{s}}') d\omega' + \varepsilon(\boldsymbol{r}, \hat{\boldsymbol{s}})$$

Ο πφώτος όφος αναπαφιστά τις αλλαγές λόγω φοής ενέφγειας, ο δεύτεφος όφος αναπαφιστά την ακτινοβολία που χάνεται λόγω αποφφόφησης και σκέδασης, ο τφίτος όφος υπολογίζει το κέφδος στην ακτινοβολία λόγω σκέδασης απο άλλες καταυθύνσεις και ο τελευταίσος όφος αναπαφιστά την πηγή φωτός. Πολλές μαθηματικές πφοσεγγίσεις μποφούν να χφησιμοποιηθούν πφοκειμένου να λυθεί η εξίσωση μεταφοφάς ακτινοβολίας (RTE). Η επιλογή της καταλληλότεφης μεθόδου κάθε φοφά ποικίλει ανάλογα με την πληφοφοφία που αναζητούμε και την επιθυμητή ακφίβεια. Οι λύσεις αυτές χωφίζονται σε δύο γενικές κατηγοφίες, τις τυπικές λύσεις και τις πφοσεγγιστικές. Οι τυπικές λύσεις της RTE είναι αναλυτικές μέθοδοι και μαθηματικοί όφοι που εκφφάζουν τις ακφιβείς λύσεις. Ωστόσο, έχει αποδειχθεί οτι οι αφιθμητικές μέθοδοι δεν οδηγούν πάντα σε ακφιβείς λύσεις σε σύγκφιση με τις πφοσεγγιστικές μεθόδους. Στην κατηγοφία των τυπικών λύσεων ανήκουν οι εξής (9):

### • <u>Method of successive orders</u>

Η ακτινοβολία σε ένα σημείο είναι το άθροισμα των συνεισφορών απο φωτόνια που δεν έχουν σκεδαστεί ή έχουν σκεδαστεί μια φορά ή δύο φορές κ.τ.λ

$$L(\boldsymbol{r}, \hat{\boldsymbol{s}}) = \sum_{n} L_{n}(\boldsymbol{r}, \hat{\boldsymbol{s}})$$

όπου  $L_n(\mathbf{r}, \hat{\mathbf{s}})$  είναι η ακτινοβολία των φωτονίων που έχουν σκεδαστεί n φορές.

### <u>Επίλυση χρησιμοποιώντας τις Χ, Υ συναρτήσεις</u>

Για ομοιογενή επιφάνεια με συνάφτηση φάσης που μποφεί να εκφφαστεί χφησιμοποιώντας πολυώνυμα Legendre, η ακτινοβολία που εισέφχεται και εξέφχεται απο την επιφάνεια μποφεί να εκφφαστεί σε όφους X, Y συναφτήσεων. Οι συναφτήσεις αυτές αποτελούν την λύση μη γφαμμικών ολοκληφωματικών εξισώσεων και έχουν χφησιμοποιηθεί για ισοτφοπική ή γφαμμικά ανισοτφοπική συνάφτηση φάσης. Η ακτινοβολία μποφεί να εκφφαστεί μέσω της πολικής γωνίας θ, της αζιμούθιας φ και της μεταβλητής βάθους z, δηλαδή L(z, θ, φ). Για επιφάνεια με πάχος d ισχύει ότι

$$X(d,\theta) = \frac{L_{inc}(0,\theta,\varphi) + L_{ref}(0,\theta,\varphi)}{L_{inc}(0,\theta,\varphi)}$$

όπου  $L_{inc}$  είναι η ποοσπίπτουσα/εισεοχόμενη ακτινοβολία και  $L_{ref}$  είναι η ανακλώμενη. Αντίστοιχα  $Y(d, \theta)$  αναπαριστά τις αντίστοιχες αλαγές στην επιφάνεια απο την οπία εξέρχεται η ακτινοβολία. Η λύση αυτή είναι δύσκολη στην εφαρμογή εάν υπάρχουν πάνω απο τρείς όροι στην Legendre έκφραση της συνάρτησης φάσης.

• Method of eigenfunction expansion

Η συγκεκοιμένη μέθοδος επικεντοώνεται στην εύοεση χαοακτηοιστικών συναοτήσεων και χαοακτηοιστικών οιζών. Έχει αποδειχθεί οτι οι τελικές συναοτήσεις μοιάζουν με τους όρους *Χ*, *Υ* της προηγούμενης μεθόδου. Το μειονέκτημα αυτής της λύσης είναι οτι απαιτεί εκτεταμένες μαθηματικές προσεγγίσεις και έχει περιορισμένες εφαρμογές.

Οι συνηθισμένες προσεγγιστικές μέθοδοι εμπεριέχουν μη αναλυτικές λύσεις ή φυσικές υποθέσεις, οι οποίες απλοποιούν την εξίσωση RTE σε μια άλλη μορφή που μπορεί να λυθεί αναλυτικά ή αριθμητικά. Στην συνέχεια παραθέτουμε γνωστές μεθόδους που ανήκουν σε αυτήν την κατηγορία:

## • <u>Adding Method</u>

Με την συγκεκοιμένη μέθοδο, αοχικά υπολογίζουμε την ανάκλαση και την διάδοση του φωτός σε ένα πολύ λεπτό στοώμα ιστού. Στην συνέχεια ποοσθέτουμε και άλλο ένα λεπτό επίπεδο. Την διαδικασία αυτήν την επαναλαμβάνουμε μέχοις ότου φτάσουμε στο επιθυμητό πάχος ιστού .Οι λύσεις για επίπεδα με μεγάλο πάχος λοιπόν αναπτύσσονται σταδιακά ποοσθέτοντας πολλά λεπτά στοώματα, για τα οποία έχουμε υπολογίσει εκ των ποοτέφων τις οπτικές τους ιδιότητες. Η βασική ιδέα της μεθόδου είναι να υπολογίσει τις αλλαγές στην ένταση της ακτινοβολίας ανάμεσα στις δύο επιφάνειες μιας περιοχής στην περίπτωση που ποοστίθεται ένα λεπτό στοώμα σε μία απο τις δύο επιφάνειες (10). Το πλεονέκτημα της μεθόδου αυτής είναι οτι οι επιφάνειες που συμμετέχουν μπορούν να έχουν διαφορετικές οπτικές ιδιότητες μιας και η κάθε επιφάνεια μελετάτε ξεχωριστά. Το μειονέκτημα της όμως είναι οτι απαιτεί εκτεταμένους υπολογισμούς και χρησιμοποιείται μόνο για 1-D διάδοση φωτός σε σκεδαζόμενο μέσο.

• Adding Doubling Method

Στην συγκεκοιμένη μέθοδο, όπως και στην ποοηγούμενη, γνωρίζοντας την διάδοση και την ανάκλαση ενός λεπτού στρώματος σχηματίζεται ένα παχύτερο επαναλαμβάνοντας τον διπλασιασμό του λεπτού στρώματος μέχρις ότου να φτάσουμε το επιθυμητό πάχος (11). Αν πρέπει να συμπεριληφθούν ανόμοια στρώματα τότε χρησιμοποιείται η μέθοδος Adding. Σύμφωνα με την βιβλιογραφία (12) τα πλεονεκτήματα της μεθόδου είναι ότι μπορεί να δοθεί φυσική ερμηνεία των αποτελεσμάτων σε κάθε βήμα, εφαρμόζεται τόσο για ισοτροπική όσο και ανισοτροπική σκέδαση, προκύπτουν αποτελέσματα της μεθόδου είναι οτι θεωρείται αργή στον υπολογισμό των αποτελέσματων και είναι κατάλληλη για γεωμετρία πολλαπλών στρωμάτων με ενιαία ακτινοβόληση, όπου το κάθε στρώμα πρέπει να έχει όμοιες οπτικές ιδιότητες.Οι τελευταίες δύο παρατηρήσεις δημιουργούν προβλήματα μιας και θέτουν περιορισμούς στο δείγμα που θα εξεταστεί.

### • Discrete Ordinates Method

Σκοπός αυτής της μεθόδου είναι να μετατοξψει την RTE σε ένα σύστημα γοαμμικών αλγεβοικών εξισώσεων, κατάλληλο για αοιθμητική επίλυση (9). Παρόλα αυτά σε υψηλά ανισοτοοπικά συστήματα επιβάλλεται η χρήση πολλών τέτοιων αλγεβοικών εξισώσεων οδηγώντας σε μη ευσταθείς λύσεις με αποτέλεσμα να πεοιορίζεται μόνο για επίπεδα κύματα τα οποία ποοσπίπτουν κάθετα σε επίπεδο μέσο. Εξαιτίας των παραπάνω μειονεκτημάτων θα ποέπει να χρησιμοποιείται μόνο για να ελέγχει την ορθότητα άλλων καταλληλότεοων μεθόδων. Σύμφωνα με την μέθοδο Discrete Ordinates έχει δημιουργηθεί το γνωστό μοντέλο ιστού των Kubelka-Munk.

• Functional Expansion Method (Diffusion Approximation, DA)

Η αρχική RTE είναι μια ολοκληρο-διαφορική εξίσωση, η λύση της οποίας απαιτεί εκτεταμένους μαθηματικούς υπολογισμούς. Η συγκεκριμένη μέθοδος επιχειρεί να την προσεγγίσει με την εφαρμογή αναπτύγματος σειρών (9), (13) (14). Συγκεκριμένα απλοποιεί την RTE εκφράζοντας την ακτινοβολία σαν μια σειρά απο ορθογώνιες συναρτήσεις οι οποίες λαμβάνουν υπόψιν την γωνιακή εξάρτηση της ακτινοβολίας. Η διαφορική προσέγγιση, DA, εφαρμόζεται κάτω απο συγκεκριμένες συνθήκες. Μια βασική συνθήκη είναι η τιμή του συντελεστή ανισοτροπίας g. Για να εφαρμοστεί η συγκεκριμένη μέθοδος θα πρέπει να ισχύει οτι  $g \ll 1$  και η τιμή του albedo να είναι κοντά στην μονάδα (14), (15), (16). Με άλλα λόγια η μέθοδος είναι ιδανική όταν η σκέδαση υπερτερεί της απορρόφησης. Το σπουδαιότερο χαρακτηριστικό της διαφορικής προσέγγισης ,σαν λύση της RTE, είναι οτι έχει άμεσα επέκταση σε προβλήματα που σχετίζονται με τον χρόνο (17).

### 3.5.3 Μέθοδος Monte-Carlo

Η προσομοίωση Monte-Carlo ακολουθεί ακοιβώς τις αρχές της θεωρίας μεταφοράς. Ο συντελεστής απορρόφησης εκφράζει την πιθανότητα ένα φωτόνιο να απορροφηθεί ανα μονάδα μήκους ενώ ο συντελεστής σκέδασης την πιθανότητα να σκεδαστεί. Τα μονοπάτια που ακολουθούν τα φωτόνια προσδιορίζονται απο τα χαρακτηριστικά σκέδασης και απορρόφησης του υλικού καθώς και απο την τυχαία κατανομή των φαινομένων σκέδασης. Η υπολογισμοί που γίνονται απαιτούν αρκετό χρόνο απο έναν υπολογιστή όμως μπορούν να εφαρμοστούν για οποιαδήποτε γεωμετρία δείγματος. Στην απλούστερη περίπτωση, όταν ένα φωτόνιο προσπίπτει σε έναν ιστό τότε είτε θα ακολουθήσει αμέσως πορεία προς τα κάτω είτε θα σκεδαστεί και θα αποκλίνει απο την αρχική του κατεύθυνση ακολουθώντας μια τυχαία πορεία. Έστω οτι για μία φορά

ανακλάται εσωτεφικά, διαδίδεται ανεπηφέστο ή μεταφέφεται έξω απο τον ιστό. Η κίνηση του φωτονίου επαναλαμβάνεται μέχοις ότου αποφφοφηθεί απο τον ιστό ή φύγει απο αυτόν. Αν συμβεί το τελευταίο τότε η ανάκλαση και η μετάδοση καταγφάφονται. Αν το φωτόνιο αποφφοφηθεί τότε καταγφάφεται η θέση που συνέβη το φαινόμενο. Αυτή η διαδικασία συνεχίζεται μέχφι να έχουν καταγφαφεί πληφοφοφίες για όλον τον επιθυμητό αφιθμό φωτονίων. Αν θεωφήσουμε οτι ο αφιθμός των φωτονίων που παφατηφήσαμε ήταν άπειφος τότε οι τιμές σκέδασης, αποφφόφησης και μετάδοσης που καταγφάφηκαν θα πφοσεγγίζουν τις πφαγματικές τιμές.



Figure 3-10 Κατηγοριοποίηση των μεθόδων μελέτης της πορείας διάδοσης του φωτός.

## 3.6 Μελέτη των οπτικών ιδιοτήτων του δέρματος

Το δέφμα είναι ο εξωτεφικός ιστός του σώματος που έφχεται σε επαφή με το πεφιβάλλον και αποτελείται από πολλές στιβάδες λεπιδωτών επιθηλιακών κυττάφων (stratified squamous epithelian cells). Διαδραματίζει σημαντικό ρόλο για τον ανθρώπινο οργανισμό καθώς εκτελεί προστατευτικές ,θερμορυθμιστικές και μεταβολικές λειτουργίες και αποτελεί βασικό αισθητήριο όργανο. Γενικά είναι ένα πολύπλοκο και εντελώς ανομοιογενές μέσο. Ωστόσο μπορούμε να θεωρήσουμε ότι υποδιαιρείται σε επίπεδα τα οποία έχουν διαφορετικές φυσικές και φασματικές ιδιότητες μεταξύ τους. Οι διαφορές αυτές οφείλονται κυρίως στα διαφορετικά μόρια (ουσίες) που βρίσκονται σε κάθε επίπεδο ή στις διαφορετικές συγκεντρώσεις, αν τα περιεχόμενα των επιπέδων είναι ίδια. Μια γενική εικόνα της μορφολογίας του δέρματος δίνεται παρακάτω:



Figure 3-11 Απεικόνιση του δέρματος και των υποεπιπέδων απο τα οποία αποτελείται

Για τις ανάγκες της συγκεκοιμένης εργασίας θα θεωρήσουμε ότι το δέρμα αποτελείται από τα τέσσερα παρακάτω επίπεδα:

- 1. Κερατίνη Στιβάδα
- 2. Επιδερμίδα
- 3. Χόριο
- 4. Υπόδερμα

Η κεφατίνη στιβάδα (stratum corneum) αποτελεί το πφώτο επίπεδο του ανθφώπινου ιστού. Έχει πάχος πεφίπου 20 μm και αποτελείται κυφίως από νεκφά λεπιδωτά επιθηλιακά κύτταφα, τα οποία έχουν υψηλά ποσοστά κεφατίνης, λιπιδίων και πφωτεϊνών και ένα σχετικά μικφό ποσοστό νεφού. Η αποφφόφηση του φωτός είναι χαμηλή με αποτέλεσμα το φως, στην πεφιοχή του οφατού, να διαδίδεται σχεδόν αμετάβλητο.

Η επιδερμίδα (epidermis) έχει πάχος 50-80 μm και αποτελείται απο άλλα 4 υποεπίπεδα (stratum basale, stratum spinosum, stratum granulosum ,stratum lucidum). Στην σύσταση της επιδερμίδας περιλαμβάνονται ένα ποσοστό απο άνυδρα (αφυδατωμένα) κύτταρα, κύτταρα με μικρές ποσότητες κερατίνης, κιονοειδή κύτταρα καθώς επίσης και ποσότητες μελανίνης. Στο επίπεδο αυτό το φώς μπορεί να διαδοθεί ή/και να απορροφηθεί. Ο κύριος παράγονας που το φως απορροφάται είναι η μελανίνη, η οποία δημιουργείται απο τα μελανοκύτταρα. Υπάρχουν δύο είδη μελανίνης: η κόκκινη/κίτρινη phaeomelanin και η καφέ/μαύρη eumelanin, οι οποίες εμφανίζονται σε διαφορετικές συγκεντρώσεις απο ενήλικα σε ενήλικα. Σύμφωνα με το φάσμα απορρόφησης για τα δύο είδη της μελανίνης (figure 3-12) γίνεται εμφανές οτι έχουμε μεγάλη απορρόφηση στα μικρότερα μήκη κύματος. Τα μεγάλα μόρια μελανίνης που ονομάζονται μελανοσώματα (>300 nm σε διάμετρο) εκδηλώνουν συνήθως εμπροστο-σκέδαση, τα μικρότερα μόρια μελανίνης (<30 nm σε διάμετρο) δημιουργούν ισοτροπική σκέδαση ενώ τα μόρια με διάμετρο 30-300nm παρουσιάζουν οπτικές ιδιότητες που ερμηνεύονται με βάση την θεωρία Mie (18). Το ποσοστό της ακτινοβολίας που δεν απορροφάται απο την μελανίνη συνεχίζει να διαδίδεται στο χόριο.

Το χόριο (dermis) βρίσκεται κάτω απο την επιδερμίδα και χωρίζεται σε 4 υποεπίπεδα (papillary dermis με πάχος 150 μm, upper blood net dermis με πάχος 80μm, reticular dermis με πάχος 1500μm, deep blood net dermis με πάχος 100μm). Τα επίπεδα αυτά αποτελούνται απο πυκνούς και ανόμοιους συνδετικούς ιστούς με νεύρα και αρτηρίες αίματος, οι οποίες είναι μικρότερες στο θηλώδες υποεπίπεδο και μεγαλύτερες στο δικτυωτό. Το χορίο περιέχει επίσης κολλαγόνο, ελαστίνη και αλλη ενδοκυτταρική ύλη, στοιχεία τα οποία δινουν την υποστήριξη και την ελαστικότητα στο δέφμα. Στα κύτταφα του αίματος βρίσκεται μια χρωμοφόρα ουσία, η αιμοσφαιρίνη, η οποία απορροφά το φώς και διαχωρίζεται σε δύο είδη, την οξυγονωμένη και την μη οξυγονωμένη. Τα δύο αυτά είδη της αιμοσφαιρίνης έχουν διαφορετικό φάσμα απορρόφησης (figure 3-13). Υπάρχουν επίσης ακόμα δύο χρωστικές ουσίες στο επίπεδο αυτό ,η και η β- carotene ,οι οποίες ίσως να βρίσκονται και στα bilirubin προηγούμενα επίπεδα της επιδερμίδας και της κερατίνης στιβάδας.



Figure 3-12 Φάσμα απορρόφησης για τα δύο είδη μελανίνης (19)



Figure 3-13 Φάσμα απορρόφησης οξυγονωμένης και μη-οξυγωνομένης

αιμοσφαιρίνης (19)



Figure 3-14 Φάσμα απορρόφησης της ουσίας bilirubin (19)



Figure 3-15 Φάσμα απορρόφησης για την ουσία β-carotene (19)

Το υπόδεομα (hypodermis) είναι το τελευταίο και βαθύτεοο επίπεδο στο οποίο χωρίζεται το δέρμα και ουσιαστικά είναι ένας υποδεομικός λιπώδης ιστός. Έχει πάχος μεγαλύτεοο των 3 cm για την περιοχή της κοιλιάς ενώ είναι ανύπαρκτο για την περιοχή των βλεφάρων. Παρουσιάζει σημαντικά στρώματα λευκού πάχους, του οποίου τα κύτταρα ομαδοποιούνται μαζί δημιουργώντας συμπλέγματα. Εξαιτίας αυτών των συμπλεγμάτων το μεγαλύτερο ποσοστό απο το ορατό φώς που φτάνει στον ιστό ανακλάται πίσω στα ανώτερα επίπεδα (20). Στις περιοχές μεταξύ των κυττάρων υπάρχουν αρτηρίες, φλεβικά συμπλέγματα και νεύρα. Η απορρόφηση σε αυτό το επίπεδο οφείλεται στην παρουσία της αιμοσφαιρίνης, των λιπιδίων και του νερού ενώ αντίστοιχα οι κύριοι σκεδαστές είναι οι σφαιρικές μάζες των λιπιδίων που κατανέμονται τυχαία στο υπόδερμα.

Όταν το φως αλληλεπιδοά με το δέομα και συγκεκοιμένα με τα κύτταοα του εξωτεοικού επιπέδου της κεοατίνης στιβάδας, ένα ποσοστό του ανακλάται ποος το πεοιβάλλον ενώ το υπόλοιπο συνεχίζει να διαδίδεται στα επόμενα επίπεδα. Ο τοόπος με τον οποίο γίνεται αυτή η αληλλεπίδοαση καθώς και τα αποτελέσματα της πεοιγοάφονται πλήρως απο τις εξισώσεις Fresnel. Οι εξισώσεις αυτές πεοιγοάφουν την συμπεοιφορά του φωτός όταν αυτό κινείται ανάμεσα σε δύο μέσα με διαφορετικούς δείκτες ανάκλασης. Στην δική μας μελέτη, δεν μας ενδιαφέρει η πληροφορία που παίρνουμε απο την επιφανειακή σκέδαση μιας και σκοπός μας είναι να πάρουμε πληροφορία απο βαθύτερα του δέρματος. Για αυτόν τον λόγο στο μέλλον επίπεδα θα προσπαθήσουμε να απορρίψουμε αυτό το ποσοστό του φωτός χρησιμοποιώντας πολωτές. Η σκέδασης στα βαθύτερα επίπεδα του δέρματος προκαλείται κυρίως εξαιτίας των λιπιδίων και του κολαγόνου .Επειδή γενικά είναι ένα αρκετά πολύπλοκο και δύσκολο φαινόμενο στην περιγραφή και την ερμηνεία του, θα το μελετήσουμε για κάθε υποεπίπεδο του δέρματος ξεχωριστά. Στο επίδεδο της επιδερμίδας παρατηρούνται φαινόμενα εμπροστο-σκέδασης τα οποία ερμηνεύονται με βάση την θεωρία σκέδασης Mie. Ο λόγος που συμβαίνει αυτό είναι οτι τα κύρια συστατικά της επιδερμίδας είναι μόρια που έχουν σχεδόν το ίδιο μέγεθος με το μήκος κύματος της ακτινοβολίας, στην περιοχή του ορατού φωτός. Έχει διαπιστωθεί μάλιστα οτι όσο κινούμαστε σε μικρότερα μήκη κύματος τόσο αυξάνεται η σκέδαση (21) .Στο επίπεδο του χοριου συμβαίνουν φαινόμενα σκέδασης τόσο σύμφωνα με την θεωρία Mie όσο και με την θεωρία Rayleigh. Το πρώτο είδος σκέδασης συμβαίνει λόγο της παρουσίας των ινών κολλαγόνου μεγέθους περίπου 2,8μm στο επίπεδο αυτο ενώ το δεύτερο είδος σκέδασης συμβαίνει λόγω της εμφάνισης μικρότερων ινών κολλαγόνου και γενικά μικρότερων δομών. Έχει αποδειχτεί οτι για την περιοχή του ορατού φάσματος, όταν επικρατεί τόσο Mie όσο και Rayleigh σκέδαση, αυτή που τελικά κυριαρχεί είναι η δεύτερη. Η Rayleigh σκέδαση με την αύξηση του μήκους κύματος μειώνεται και όταν τελικά περνάμε στην περιοχή του κοντινού υπερύθρου ελαχιστοποιείται. Το φώς στο επίπεδο του χορίου σκεδάζεται πολλές φορές μέχρι να διαδοθεί σε επόμενο επίπεδο ή/και να απορροφηθεί τελικά. Εκτός όμως απο το φαινόμενο της σκέδασης, κατα την αλληλεπίδραση της ακτινοβολίας με τον ανθρώπινο ιστό έχουμε και φαινόμενα απορρόφησης. Η απορρόφηση του φωτός είναι ένα φαινόμενο που εμποδίζει την διαδικασία της διαφανοσκόπισης καθώς δεν μπορούμε να δούμε σε βάθος. Για τον λόγο αυτό μας ενδιαφέρει να γνωρίζουμε σε κάθε επίπεδο του δέρματος αν υπάρχει κάποια ουσία που απορροφά και πόσο. Χαρακτηριστικοί απορροφητές για το δέρμα είναι η μελανίνη, η αιμοσφαιρίνη, η bilirubin και η β-carotene. Ο συνολικός συντελεστής απορρόφησης για ένα επίπεδο είναι απλά το άθροισμα όλων των συντελεστών απορρόφησης των ουσιών που απορρόφουν φώς στο επίπεδο αυτό. Οι συντελεστές απορρόφησης των επιμέρους ουσιών προκύπτουν αν πολλαπλασιάσουμε τον ήδη υπάρχον συντελεστή με την συγκέντρωση που εμφανίζει η ουσία στο συγκεκριμένο επίπεδο. Ένας γενικός τύπος για τον συνολικό συντελεστή απορρόφησης δίνεται απο την εξής σχέση (22):

$$\mu_a(\lambda) = \sum_{i=1}^m \left( \mu_a^{(i)}(\lambda) C_i \prod_{j=1}^{i-1} (1 - C_j) \right) + \mu_a^{(0)}(\lambda) \prod_{i=1}^m (1 - C_i)$$

Όπου  $C_i$  είναι το ποσοστό του όγκου που καταλαμβάνει η *i*-ουσία, που απορροφά, σε σχέση με το συνολικό μέγεθος του επιπέδου,  $\mu_a^{(i)}$  είναι ο συντελεστής απορρόφησης της *i* ουσίας , *m* είναι ο συνολικός αριθμός των ουσιών που απορροφούν στο κάθε επίπεδο και  $\mu_a^{(0)}$  είναι ο συντελεστής απορρόφησης του επιπέδου όταν δεν υπάρχει καμία ουσία που απορροφά και η τιμή του δίνεται απο τον τύπο (23):

$$7.84 \times 10^7 \times \lambda^{-3.255}$$

Επειδή για τον προσδιορισμό της απορρόφησης της αιμορφαιρίνης είναι σημαντικό να γνωρίζουμε το επίπεδο κορεσμού του οξυγόνου, μιας και η οξυγονωμένη και η μη-οξυγονωμένη έχουν διαφορετικούς συντελεστές

απορρόφησης, ο παραπάνω τύπος μπορεί να τροποποιηθεί ώστε να παίρνει υπόψιν του και αυτόν τον παράγοντα. Έτσι τελικά παίρνουμε τον εξής τύπο:

$$\mu_{a}^{layer}(\lambda) = (1 - S)\gamma C_{blood}\mu_{a}^{Hb}(\lambda) + S\gamma C_{blood}\mu_{a}^{HbO_{2}}(\lambda) + (1 - \gamma C_{blood})C_{H_{2}O}\mu_{a}^{H_{2}O}(\lambda)$$
$$+ (1 - \gamma C_{blood})(1 - C_{H_{2}O})\mu_{a}^{(0)}(\lambda)$$

όπου *S* είναι το επίπεδο κοφεσμού του οξυγόνου του αίματος στο δέφμα, γ είναι το ποσοστό της αιμοσφαιφίνης στο αίμα και τα υπόλοιπα είναι οι συγκεντφώσεις και οι συντελεστές αποφφόφησης των ουσιών όπως είναι πφοφανές και απο τους δείκτες των μεταβλητών. Συνολικά θα λέγαμε οτι η αποφφόφηση στο επίπεδο του χοφιου οφείλεται κυφίως στην αιμοσφαιφίνη και στο νεφό ενώ στο επίπεδο της επιδεφμίδας στην παφουσία της μελανίνης και των λιπιδίων.

# 4. Πειφαματική Διαδικασία

# 4.1 Εισαγωγή

Σκοπός της συγκεκοιμένης εργασίας είναι να χρησιμοποιήσουμε φώς της περιοχής του ορατού και κοντινού υπερύθρου ώστε να μελετήσουμε την πορεία διάδοσης του σε ένα ομοίωμα επιθυλιακού ιστού καθορίζοντας μία ανώτερη τιμή διεύσδυσης που επιτυγχάνεται και προσδιορίζοντας το καταλληλότερο μήκος κύματος για αυτήν την διαδικασία.

Για να μπορέσει το φώς να διευσδύσει εις βάθος θα πρέπει η απορρόφηση να είναι όσο το δυνατόν μικρότερη έτσι ώστε να μην χάνεται η πληροφορία και η σκέδαση των ανώτερων στρωμάτων να είναι επίσης μικοή έτσι ώστε η πληροφορία να προέρχεται από εν τω βάθει περιοχές. Για παράδειγμα, όπως αναφέραμε σε προηγούμενη ενότητα για το δέρμα, κάθε επιθυλιακός ιστός είναι ένα πολύπλοκο μέσο διάδοσης του φωτός αναπτύσονται φαινόμενα πολλαπλής και σκέδασης μιας και απορρόφησης. Εν γένει, η φασματική περιοχή που επιλέται είναι μεταξύ των 400-1000nm. Αυτό έγγειται στο γεγονός ότι το νερό, που είναι το κύριο συστατικό κάθε μορφής ιστού, απορροφά σε πολύ μικρό βαθμό. Έτσι, σκεπτόμενοι όλα τα προαναφερθέντα συστατικά των ιστών, όπως του δέρματος, δημιουργείται ένα οπτικό παράθυρο στην περιοχή 600nm < 1000λ < 1000nm. Θέλοντας λοιπόν να εξομοιώσουμε την συμπεριφορά του ιστού, ο οποίος στην συγκεκοιμένη φασματική περιοχή λειτουργεί κυρίως ως σκεδαστής, χρησιμοποιήσαμε διαλύματα νερού στα οποία προσθέσαμε διάφορες συγκεντρώσεις γάλακτος που λειτουργεί ως σκεδαστής (τα διαλύματα αυτά ονομάζονται ομοιώματα). Στόχος μας ήταν να καταλήξουμε σε μια φασματική περιοχή που μας δίνει όσο το δυνατόν καλύτερη ποιότητα απεικονιστικής πληροφορίας.

### 4.2 Υλικά και μέθοδοι υλοποίησης

Κατά την πειφαματική διαδικασία και για την απόκτηση των υπεφφασματικών εικόνων χρησιμοποιήσαμε το απεικονιστικό σύστημα Musis του εργαστηρίου. Τα τεχνικά χαρακτηριστικά του είναι τα εξής:

- Δημιουργία φασματικών εικόνων σε ένα σύνολο απο 34
   φασματικές ζώνες με εύρος 20nm η καθεμία για την φασματική περιοχή 400nm-1000nm.
- Χωρική ανάλυση ίση με ένα εκατομμύριο φάσματα για 2 λεπτά χρόνο ανίχνευσης.
- Συλλογή και προβολή εικόνων με ανάλυση 1200 × 1600 σε πραγματικό χρόνο.
- Συντονισμός του φασματικού εύφους ώστε να ταιφιάζει με το φασματικό εύφος της δυνατότητας απόκφισης (responsity) του CCD. Μποφεί να επεκταθεί και σε μεγαλύτεφα μήκη κύματος μέχφι την μέση υπέφυθφη πεφιοχή.
- Μονοχρωμάτορας που είναι συνδεδεμένος με μια ασπρόμαυρη κάμερα CCD βασισμένη στο IEEE-1394 πρωτόκολο μεταφοράς δεδομένων
- Παραγωγή εικόνων σε ποσοστό 15 frames/sec σε πλήρη ανάλυση και περισσότερες απο 30 frames/sec σε VGA ανάλυση.
- Μια ειδική διαδικασία βαθμονόμησης εκτελείται (24) ποιν την απόκτηση των εικόνων με σκοπό να αντισταθμίσει την εξάρτηση της απόκοισης των ηλεκτροπτικών μερών του συστήματος (CCD, φωτισμός κ.α) με το μήκος κύματος.
- Το απεικονιστικό σύστημα λειτουργεί σε δύο καταστάσεις. Στην πρώτη, λειτουργεί σαν απεικονιστικό σύστημα όπου εμφανίζει μία εικόνα σε κάθε μήκος κύματος ενώ στην δεύτερη που λειτουργεί σαν φασματόμετρο καταγράφει ολόκληρο το φάσμα ανάκλασης/

φθορισμού για κάθε pixel της εικόνας. Ο συνδυασμός αυτών των δύο επιτρέπει στο σύστημα να λειτουργεί σαν σύστημα φασματικής απεικόνισης.



Figure 4-1 Απεικονιστικό σύστημα Musis

Ένα απο τα βασικότερα στοιχεία που χρησιμοποιήθηκαν κατα την πειραματική διαδικασία ήταν το νερό. Το μόριο του νερού (H2O) αποτελείται απο δύο μόρια υδρογόνου (H) και ένα μόριο οξυγόνου (O) που ενώνονται μεταξύ τους. Τα άτομα βρίσκονται σε συνεχή κίνηση στο μόριο, η οποία περιορίζεται απο τους ομοιοπολικούς δεμούς που αναπτύσονται. Οι τρόποι με τους οποίους μπορούν να κινούνται τα άτομα είναι συγκεκριμένοι . Το φάσμα απορρόφησης του νερού διαμορφώνεται απο τις κβαντικές αλλαγές στην ατομική και μοριακή ενέργεια του, λόγω απορρόφησης φωτονίων. Η συνολική ενέργεια ενός ελεύθερα κινούμενου μορίου  $E_M(\Lambda, u, j)$  αποτελείται απο ένα ποσοστό ενέργειας που επηρεάζεται απο την θερμοκρασία  $E_{TR}$ , την ενέργεια λόγω περιστροφής γύρω απο διάφορους άξονες συμμετρίας  $E_{RoT}(j)$ , την ενέργεια δόνησης των ατόμων γύρω απο μια θέση ισορροπίας  $E_{VIB}(u)$  και την ενέργεια των ηλεκτρονίων  $E_E(\Lambda)$  όπου  $\Lambda, u, j$  είναι αντίστοιχα κβαντικοί αριθμοί (25).



Figure 4-2 Διακρίνουμε symmetric, bending και antisymmetric τρόπους κίνησης (κοιτάζοντας απο αριστερά προς τα δεξιά της εικόνας).

Η συνολική ενέργεια είναι δηλαδή

$$E_M(\Lambda, u, j) = E_E(\Lambda) + E_{VIB}(u) + E_{ROT}(j) + E_{TR}$$

Τα τφία πφώτα μεγέθη της εξίσωσης εξαφτώνται απο τον βαθμό που έχει διεγεφθεί το μόφιο. Με άλλα λόγια παίφνουν διακφιτές τιμές που πφοσδιοφίζονται αυστηφά απο την δοσμένη κβαντική (ενεφγειακή) κατάσταση του μοφίου. Οι ενεφγειακές καταστάσεις ενός απλού μοφίου πφοσδιοφίζονται απο την ενέφγεια πεφιστφοφής, την δονητική ενέφγεια και την ηλεκτφονιακή ενέφγεια. Η αποφφόφηση ενός φωτονίου με ενέφγεια  $E_{hv} = h \cdot v$  συνεπάγεται την μετάβαση απο μια κβαντική κατάσταση,η οποία πεφιγφάφεται με τους κβαντικούς αφιθμούς  $\Lambda, u, j$ ,σε μία άλλη κατάσταση που πεφιγφάφεται απο τους  $\Lambda', u', j'$ . Η ενέφγεια του φωτονίου θα πφέπει να είναι ίση με την διαφοφά ενεφγειών του μοφίου που παφουσιάζεται ανάμεσα σε αυτές τις δύο στάθμες. Η μαθηματική έκφφαση αυτής της συνθήκης είναι η εξής

$$E_{hv} = E_M(\Lambda, u, j) - E_M(\Lambda', u', j')$$
$$= \Delta E_E(\Lambda \to \Lambda') + \Delta E_{VIB}(u \to u') + \Delta E_{ROT}(j \to j') + \Delta E_{TR}$$

Τα φωτόνια που βρίσκονται στην περιοχή του κόκκινου (650nm) έχουν την ενέργεια για να διεγείρουν τα άτομα ενώ τα φωτόνια στην περιοχή του μπλέ (450nm) δεν την έχουν. Με αυτόν τον τρόπο διαμορφώνεται το φάσμα απορρόφησης του νερού σε υγρή κατάσταση. Σε άλλες καταστάσεις διαφέρει η μορφή του μιας και επεισέρχονται και άλλοι παράγοντες όπως για παράδειγμα στον πάγο που αναπτύσσονται οι δεσμοί υδρογόνου ανάμεσα στα μόρια του νερού.

Το δεύτερο βασικό συστατικό που χρησιμοποιήσαμε ήταν συμπυκνωμένο γάλα. Το γάλα γενικά είναι ένα ανομοιογενές διάλυμμα που αποτελείται απο νερό, λίπος, πρωτείνες, λακτόζη, ανόργανα άλατα και κάποιες μικρότερες δομές όπως φωσφολιπίδια, οργανικά άλατα, ένζυμα, ορμόνες, βιταμίνες, νουκλεοτίδια, αμίνες, αμινοξέα, αλκοόλες, αλδεύδες, κετόνες και εστέρες. Η διαφορά που έχει το συμπυκνωμένο γάλα είναι οτι έχει αφαιρεθεί το 60% του νερού που υπάρχει στο φρέσκο γάλα και πλέον ομοιογενές διάλυμα. Tα θεωρείται ως μεγέθη των κύοιων συστατικών/σκεδαστών του συμπυκνωμένου γάλακτος είναι τα εξής (26) :

Συστατικό	Μέγεθος-Διάμετρος(nm)	Πλήθος/ml
Λακτόζη	0.5	10 <sup>19</sup>
Whey πρωτείνη	4-6	10 <sup>17</sup>
Casein πρωτείνη	50-300	10 <sup>14</sup>
Μόρια λίπους	2000-6000	10 <sup>10</sup>

### Figure 4-3 Πληροφορίες για τα συστατικά του γάλακτος

Σύμφωνα με τον παραπάνω πίνακα έχουμε σκεδαστές που έχουν μέγεθος πολύ μικρότερο απο το μήκος κύματος της ακτινοβολίας που χρησιμοποιούμε (λακτόζη και whey πρωτείνη), σκεδαστές με μεσαίο μέγεθος καθώς και μακρομόρια (μόρια λίπους). Για τα μικρά μήκη κύματος, η σκέδαση οφείλεται κυρίως στην casein πρωτείνη και διέπεται απο τους νόμους του Rayleigh. Αυτός είναι και ο λόγος που το γάλα φαίνεται λευκό στο μάτι μας. Όσο αυξάνεται το μήκος κύματος, η σκέδαση που παφατηφείται οφείλεται κυφίως στα μεγαλύτεφα μόφια λίπους που βφίσκονται στο γάλα. Στην πεφίπτωση αυτή έχουμε σκέδαση Mie μιας και οι σκεδαστές έχουν μέγεθος μεγαλύτεφο απο το μήκος κύματος της ακτινοβολίας που χφησιμοποιούμε. Εκτός όμως απο την σκέδαση, στο γάλα συμβαίνουν φαινόμενα αποφφόφησης για φώς με μήκη κύματος 200nm εώς 380nm, λόγω της παφουσίας πφωτεινών, καθώς και ανάμεσα στα 400nm και 580nm, λόγω λιποδιαλυτών ουσιών (27).

Για την διεξαγωγή της πειραματικής διαδικασίας χρησιμοποιήσαμε μια μαύρη σιδερένια ακίδα διαμέτρου 0.5mm. Η ακίδα στο πείραμα μας αποτελεί το αντικείμενο που θέλουμε να εντοπίσουμε στα διαφορετικά βάθη και προσομοιώνει κατα μια έννοια τις φλέβες στο δέρμα. Όπως είναι αναμενόμενο η μαύρη ακίδα απορροφά όλα τα μήκη κύματος του φωτός. Τέλος για όλες τις πειραματικές μετρήσεις χρησιμοποιήθηκαν πλαστικά, ορθογώνια μπουκαλάκια διαμέτρου 1.0cm, ύψος 4.2cm ενώ τα πλευρικά

Κατά την διαδικασία των πειφαματικών μετφήσεων κατασκευάσαμε ένα διάλυμα που πεφιείχε σκέτο γάλα σε συγκέντφωση 300ml, ένα διάλυμα που πεφιείχε σκέτο νεφό σε συγκέντφωση 300ml, ένα διάλυμμα που πεφιείχε 300ml νεφό και 2ml γάλα, ένα διάλυμμα που πεφιείχε 300ml νεφό και 10ml γάλα και τέλος ένα διάλυμμα που πεφιείχε 300ml νεφό και 10ml γάλα και τέλος ένα διάλυμμα που πεφιείχε 300ml νεφό και 20ml γάλα. Στα τελευταία τέσσεφα διαλύματα βυθίσαμε την μαύφη ακίδα, η οποία στην αφχή ήταν τοποθετημένη σε τέτοια θέση ώστε να εφάπτεται πλήφως με το μπουκαλάκι και πήφαμε έναν υπεφφασματικό κύβο. Επαναλάβαμε την ίδια διαδικασία μετακινώντας κάθε φοφά την ακίδα κατά ένα χιλιοστό βαθύτεφα στο μπουκαλάκι μέχφι να φτάσουμε σε απόσταση 5 mm απο την αφχική θέση. Η διαδικασία επεξεφγασίας, όπως φαίνεται απο το παρακάτω διάγραμμα, ήταν η ίδια για κάθε μία αναλογία νερού-γάλακτος και για κάθε απόσταση της ακίδας. Για μια συγκεκριμένη συγκέντρωση και για μία συγκεκριμένη θέση της ακίδας πήραμε εικόνες του δείγματος μας για κάθε ένα μήκος κύματος απο τα 420nm εώς τα 1000nm. Στην συνέχεια και μέσω του μαθηματικού προγράμματος Matlab υπολογίσαμε τις χωρικές κατανομές (spatial profiles) για κάθε μια εικόνα, η οποία αντιστοιχεί πλέον σε ένα μήκος κύματος. Με τον όρο χωρική κατανομή αναφερόμαστε στην ένταση κάθε pixel της εικόνας. Όπως είναι αναμενόμενο λόγω της ύπαρξης της ακίδας στην μέση της εικόνας και του γάλακτος σε όλο τον υπόλοιπο χώρο, οι χωρικές κατανομές εμφανίζουν μια μεγάλη αλλαγή της έντασης στο συγκεκοιμένο σημείο σε σχέση με την υπόλοιπη περιοχή. Αναλυτικότερη περιγραφεί των χωρικών κατανομών θα γίνει σε επόμενη ενότητα. Θεωρώντας οτι η χωρική κατανομή της εικόνας είναι η ίδια σε όλο το μήκος της, επιλέξαμε ένα συγκεκοιμένο σημείο και πήραμε την κατανομή των εντάσεων. Επιβεβαιώνοντας την αρχική μας θεώρηση, η μορφή της χωρικής κατανομής για το συγκεκριμένο μήκος είχε την ίδια μορφή με την κατανομή ολόκληρης της εικόνας. Λόγω ασυνεχειών στις τιμές των εντάσεων της κατανομής αποφασίσαμε να κάνουμε προσαμογή (fitting) των πειραματικών μας τιμών σε γνωστούς αλγορίθμους. Με την βοήθεια και πάλι του μαθηματικού προγράμματος Matlab και συγκεκριμένα με το Curve Fitting Toolbox δοκιμάσαμε ένα πλήθος γνωστών αλγορίθμων. Τελικά καταλήξαμε οτι καταλληλότερος για τα πειραματικά μας δεδομένα είναι ο Smoothing Spline, ο οποίος αρκετές φορές προσέγγιζε τα πειραματικά δεδομένα με ακρίβεια μεγαλύτερη του 99%.



Figure 4-4 Πειραματική διαδικασία και επεξεργασία δεδομένων

Η σημαντικότερη διαδικασία που κάναμε ήταν ο υπολογισμός του Full Width Half Max (FWHM). Μετά το fitting των δεδομένων χρειάστηκε να υπολογίσουμε το εύρος της καμπύλης μας στο σημείο που η τιμή της έντασης των σημείων ήταν το μισό της μέγιστης τιμής που μπορούσε να πάρει.



Figure 4-5 Διαγραμματική απεικόνιση του FWHM

Αρχικά να επισημάνουμε το γεγονός οτι οι καμπύλες των πειραματικών μας δεδομένων είχαν ακριβώς την αντίθετη μορφή σε σχέση με την παραπάνω εικόνα, δηλαδή δεν εμφάνιζαν κορυφή αλλα δημιουργούσαν κοιλάδα και ο λόγος ήταν η ύπαρξη της ακίδας όπως προαναφέραμε. Έτσι ο υπολογισμός του FWHM περιελάμβανε:

- 1. Τον εντοπισμό του σημείου με την ελάχιστη ένταση.
- 2. Τον εντοπισμό των σημείων με την μέγιστη ένταση,
- Τον εντοπισμό του σημείου που πρέπει να μετρηθεί το εύρος. Στο σημείο αυτό η ένταση θα πρέπει να ισούται με <u>Imax-Imin</u>
   2
- Τον υπολογισμό του εύǫους που ισούται με την διαφοǫά των σημείων στα οποία τέμνεται η καμπύλη με την ευθεία της επιθυμητής έντασης.

Το πρόβλημα που παρουσιάστηκε σε αυτό το στάδιο επεξεργασίας ήταν το γεγονός οτι τα άκρα των καμπυλών σε ορισμένες μετρήσεις ήταν σε διαφορετικά ύψη.



Figure 4-6 Διαγραμματική απεικόνιση του FWHM προσαρμοσμένο στα δεδομένα μας

Η ανομοιομορφία αυτή δημιουργούσε πρόβλημα στον υπολογισμό του FWHM καθώς η μέγιστη ένταση και κατ'επέκταση το σημείο που έπρεπε να υπολογιστεί το εύρος διέφερε ανάλογα με ποιο άκρο της καμπύλης χρησιμοποιούσαμε. Επειδή δεν μπορούσαμε να επιλέξουμε αυθαίρετα κάποια απο τα δύο άκρα, αποφασίσαμε να υπολογίζουμε το FWHM μια φορά χρησιμοποιώντας το Imax της δεξιάς μεριάς, μια φορά χρησιμοποιώντας το Imax της δεξιάς μεριάς και τελικά να χρησιμοποιούμε τον μέσο όρο αυτών των δύο. Δηλαδή

$$FWHM = \frac{FWHM_{RIGHT} + FWHM_{LEFT}}{2}$$



Figure 4-7 Καμπύλες πειραματικών δεδομένων. Στην μια περίπτωση τα άκρα είναι σε διαφορετικά ύψη (αριστερά) ενώ στην άλλη είναι στο ίδιο (δεξιά)

Τελευταία αλλα καθόλου ασήμαντη ήταν η διαδικασία του υπολογισμού του ύψους των καμπυλών των πειφαματικών αποτελεσμάτων. Το ύψος της καμπύλης πφοκύπτει απο τις τιμές των εντάσεων άφα ο υπολογισμός που έπφεπε να γίνει ήταν ουσιαστικά ο υπολογισμός της διαφοφάς των εντάσεων. Και σε αυτήν την διαδικασία παφουσιάστηκε το πφόβλημα με την διαφοφά των εντάσεων στα άκφα των γφαφημάτων αλλα επιλύθηκε όπως στο FWHM. Συγκεκφιμένα ο υπολογισμός του Height των καμπυλών πεφιελάμβανε τα εξής βήματα:

- 1. Εντοπισμός της ελάχιστης έντασης ,  $I_{MIN}$
- 2. Εντοπισμός των μέγιστων εντάσεων, Ι<sub>MAX-RIGHT</sub>, Ι<sub>MAX-LEFT</sub>
- 3. Υπολογισμός της διαφοράς των εντάσεων

 $I_{MEAN-LEFT} = I_{MAX-LEFT} - I_{MIN}, \quad I_{MEAN-RIGHT} = I_{MAX-RIGHT} - I_{MIN}$ 4. Υπολογισμός μέσης τιμής ύψους για την καμπύλη

$$I = \frac{I_{MEAN-LEFT} + I_{MEAN-RIGHT}}{2}$$

Μια διευκρίνηση που πρέπει να γίνει αφορά το έυρος των τιμών των μεγεθών που θα παρουσιάσουμε στην συνέχεια. Το FWHM έχει προκύψει απο υπολογισμούς μεταξύ μεγεθών που αφορούσαν pixels άρα το εύρος των τιμών που θα πάρουμε είναι απο 0 εώς 120, όσο δηλαδή και το μέγεθος των εικόνων που επεξεργαστήκαμε. Αντίθετα το Height έχει ποοκύψει απο υπολογισμούς μεταξύ εντάσεων, επομένως οι τιμές που θα υπογίσουμε θα κυμαίνονται από 0 εώς 1.

# 5. Αποτελέσματα-Συζήτηση

Επειδή οι πειραματικές μετρήσεις και τα αποτελέσματα που προέκυψαν μετά την επεξεργασία ήταν πάρα πολλά για να τα παρουσιάσουμε αναλυτικά θα δείξουμε κάποιες ενδεικτικές περιπτώσεις. Για κάθε μια απο αυτές θα δείχνουμε έναν πίνακα με τις ακριβείς μετρήσεις των μεγεθών που μας ενδιαφέρουν, την εικόνα που πήραμε απο το απεικονιστικό σύστημα Musis, μια γραφική απεικόνιση των τιμών των εντάσεων μαζί με την εφαρμογή του προσαρμοστικού αλγορίθμου και τέλος τα σημεία στα οποία υπολογίσαμε το FWHM για κάθε άκρο της καμπύλης ξεχωριστά. Αναλυτικότερα, ο πίνακας που παρουσιάζεται στην συνέχεια αποτελείται απο τα εξής πεδία:

- Specify, αλλάζοντας την τιμή του όφου αυτού ο αλγόφιθμος
   Smoothing Spline πφοσαφμόζεται διαφοφετικά στα πειφαματικά δεδομένα.
- ii. Accuracy, αποτελεί ενδεικτικό μέγεθος για το κατα πόσο είναι επιτυχημένο το fitting που κάναμε.
- iii. **Wavelength**, το μήκος κύματος που μελετάμε.
- iv. Width, αναφέφεται στο μέγεθος FWHM.και εξάγεται με την διαδικασία που έχουμε πεφιγφάψει στην πφοηγούμενη ενότητα Το πεδίο αυτο διαιφείται σε 3 υπο-πεδία. Ξεκινώντας απο αφιστεφά πφος τα δεξιά, το πφώτο υποπεδίο ανεφέφεται στο FWHM με βάση το αφιστεφό άκφο της καμπύλης, το δεύτεφο υποπεδίο αναφέφεται στο FWHM με βάση το δεξί άκφο της καμπύλης και το τελευταίο υποπεδίο πεφιέχει τον μέσο όφο των πφοηγούμενων δύο.
- ν. Height, το ύψος της καμπύλης μας που εξάγεται με την διαδικασία
   που έχουμε περιγράψει στην προηγούμενη παράγραφο.
   Διαβάζοντας απο αριστερά προς τα δεξιά έχουμε, το ύψος της

καμπύλης με βάση το αφιστεφό άκφο, το ύψος της καμπύλης με βάση το δεξί άκφο και τέλος τον μέσο όφο αυτών των τιμών για κάθε ένα μήκος κύματος. 5.1 Μετρήσεις για την ακίδα όταν βρίσκεται μέσα σε άδειο μπουκαλάκι και απόσταση 2mm

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Height (mm)		
0.12	99.5%	440nm	25.85	25.65	25.75	0.50	0.44	0.44
0.12	99.7%	540nm	25.80	25.70	25.75	0.44	0.44	0.44
0.12	99.6%	600nm	25.65	25.75	25.70	0.45	0.45	0.45
0.08	98.9%	820nm	25.60	25.45	25.52	0.49	0.48	0.48
0.02	96.8%	980nm	27.80	26.80	27.30	0.49	0.45	0.47
0.05	98.5%	1000nm	26.95	25.95	26.15	0.45	0.44	0.45

Table 5-1 Πίνακας δεδομένων όταν το μπουκαλάκι είναι άδειο



Figure 5-1 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το μπουκαλάκι είναι άδειο



Figure 5-2 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm, 1000nm όταν το μπουκαλάκι είναι άδειο

## 5.2 Διάλυμα με 300ml νεφό και την ακίδα σε απόσταση 3 mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Height (mm)		
0.12	99.7%	440nm	27.75	25.40	26.57	0.64	0.54	0.59
0.12	99.8%	540nm	27.10	25.60	26.35	0.61	0.55	0.58
0.08	99.7%	600nm	26.90	25.50	26.20	0.61	0.55	0.58
0.08	99.5%	820nm	27.10	25.40	26.25	0.64	0.56	0.60
0.02	93.4%	980nm	27.85	26.85	27.35	0.24	0.23	0.23
0.08	99.3%	1000nm	27.50	25.40	26.82	0.33	0.30	0.32

Table 5-2 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει μόνο νερο



Figure 5-3 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει μόνο νερό



Figure 5-4 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm, 1000nm όταν το διάλυμα περιέχει μόνο νερό

- 5.3 Διάλυμα με 300ml νε<br/>φό και 2 ml γάλα
  - Όταν η ακίδα απέχει 0mm απο το μπουκαλάκι (εφάπτεται στην πλευρά)

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Height (mm)		
0.04	95.6%	440nm	23.75	23.40	23.57	0.11	0.20	0.10
0.10	98.3%	540nm	23.65	23.20	23.43	0.17	0.16	0.16
0.05	97.1%	600nm	23.70	23.40	23.55	0.11	0.09	0.10
0.08	97.7%	820nm	23.80	23.05	23.43	0.20	0.18	0.19
0.07	74.4%	980nm	25.05	22.20	23.63	0.11	0.09	0.10
0.02	92.5%	1000nm	24.50	22.80	23.65	0.11	0.09	0.10

Table 5-3 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση

0mm



Figure 5-5 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 0mm



Figure 5-6 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 0mm

• Όταν η ακίδα απέχει 2mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Height (mm)		
0.0071	94.9%	440nm	27.05	26.65	26.85	0.10	0.08	0.09
0.08	98.2%	540nm	24.65	23.30	23.97	0.13	0.11	0.12
0.08	99.1%	600nm	24.50	23.30	23.90	0.14	0.13	0.13
0.05	98.3%	820nm	24.15	22.65	23.40	0.17	0.14	0.15
0.0027	68.9%	980nm	31.90	26.95	29.42	0.07	0.06	0.06
0.019	92.7%	1000nm	24.60	22.50	23.55	0.10	0.08	0.09

Table 5-4 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 2mm



Figure 5-7 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 2mm


Figure 5-8 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 2mm

• Όταν η ακίδα απέχει 5mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	V	Vidth (	Height (mm)			
0.0071	85.9%	440nm	58.85	31.65	45.25	0.08	0.04	0.06
0.012	95.3%	540nm	44.55	35.60	40.05	0.07	0.05	0.06
0.05	95.6%	600nm	37.90	28.50	33.20	0.08	0.06	0.07
0.012	96.9%	820nm	30.35	26.05	28.20	0.12	0.10	0.11
0.0016	57.8%	980nm	53.15	28.90	41.01	0.06	0.03	0.04
0.007	85.9%	1000nm	28.10	25.75	26.92	0.08	0.07	0.07

Table 5-5 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση

5mm



Figure 5-9 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 5mm



Figure 5-10 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 2ml γάλα σε απόσταση 5mm

- 5.4 Διάλυμα με 300ml νεφό και 10ml γάλα
  - Όταν η ακίδα απέχει 0mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Height (mm)		
0.05	98.1%	440nm	23.80	22.70	23.25	0.19	0.17	0.18
0.12	99.4%	540nm	23.15	22.45	22.80	0.21	0.20	0.20
0.18	99.2%	600nm	23.10	22.45	22.77	0.21	0.20	0.20
0.12	98.9%	820nm	22.95	22.30	22.65	0.19	0.18	0.19
0.033	75.1%	980nm	25.60	24.70	25.15	0.08	0.07	0.08
0.031	95.5%	1000nm	24.25	22.95	23.60	0.10	0.09	0.10

Table 5-6 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 0mm





Figure 5-11 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 0mm



Figure 5-12 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 0mm

• Όταν η ακίδα απέχει 1mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	V	Vidth (	mm)	Height (mm)		
0.02	89.2%	440nm	58.95	36.55	47.75	0.06	0.04	0.05
0.031	97.6%	540nm	43.90	31.50	37.70	0.08	0.05	0.07
0.05	97.8%	600nm	39.90	29.70	34.80	0.09	0.06	0.08
0.05	98.1%	820nm	33.90	29.10	31.50	0.09	0.07	0.08
0.0043	80.2%	980nm	37.10	28.10	32.60	0.08	0.05	0.07
0.0016	86.0%	1000nm	32.50	28.85	30.68	0.05	0.05	0.05

Table 5-7 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε

απόσταση 1mm



Figure 5-13 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 1mm



Figure 5-14 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 1mm

• Όταν η ακίδα απέχει 2mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Height (mm)		
-	-	440nm	-	-	-	-	-	-
0.0071	90.5%	540nm	72.05	31.50	51.77	0.03	0.01	0.02
0.0026	90.9%	600nm	69.75	36.60	53.17	0.04	0.02	0.03
0.012	92.9%	820nm	49.50	32.25	40.87	0.05	0.03	0.04
0.0016	72.6%	980nm	63.35	28.45	45.90	0.09	0.04	0.07
0.0027	44.5%	1000nm	31.25	29.30	30.27	0.02	0.02	0.02

Table 5-8 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση

1mm

Σε όσα σημεία ο πίνακας είναι κενός σημαίνει

οτι το δείγμα ήταν τέτοιο ώστε δεν μπορέσαμε να υπολογίσουμε

τα αντίστοιχα μεγέθη



0.25

0.23

0.22

0.21

0.2L

÷.



150

150

Half Max Intensity Right

Figure 5-15 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 2mm



Figure 5-16 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 2mm

• Όταν η ακίδα απέχει 3mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	ו Width (mm)			Height (mm)		
-	-	440nm	-	-	-	-	-	-
-	-	540nm	-	-	-	-	-	-
-	-	600nm	-	-	-	-	-	-
0.0016	89.0%	820nm	73.80	34.70	54.25	0.04	0.01	0.02
-	-	980nm	-	-	-	-	-	-
0.001	59.5%	1000nm	81.95	22.25	52.10	0.04	0.01	0.02

Table 5-9 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε

απόσταση 3mm



Figure 5-17 Απεικόνιση δεδομένων για όλα τα μήκη κύματος, όταν το διάλυμα περιέχει 10ml γάλα σε απόσταση 3mm

- 5.5 Διάλυμα με 300ml νεφό και 20ml γάλα
  - Όταν η ακίδα απέχει 0mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	١	Vidth (I	mm)	Height (mm)		
0.12	99.1%	440nm	24.55	23.55	24.05	0.21	0.19	0.20
0.13	99.5%	540nm	23.30	22.80	23.05	0.24	0.23	0.23
0.08	99.5%	600nm	23.55	23.00	23.27	0.25	0.24	0.24
0.12	99.2%	820nm	23.45	22.55	23.00	0.24	0.21	0.22
0.0043	86.7%	980nm	28.05	24.20	26.12	0.12	0.10	0.11
0.05	95.5%	1000nm	24.95	23.65	24.30	0.14	0.12	0.13

Table 5-10 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση

0*mm* 





Figure 5-18 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 0mm



Figure 5-19 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και 1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 0mm

• Όταν η ακίδα απέχει 1mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength		Width (I	Height (mm)			
0.0026	83,3%	440nm	63.15	39.25	63.57	0.06	0.04	0.05
0.019	98,2%	540nm	45.5	35.50	40.50	0.09	0.06	0.07
0.08	98,5%	600nm	43.00	35.85	39.42	0.09	0.07	0.08
0.05	97,6%	820nm	34.85	26.75	30.80	0.11	0.08	0.09
0.0026	52,6%	980nm	74.10	28.60	51.35	0.07	0.04	0.05
0.031	81,7%	1000nm	35.30	28.85	32.07	0.07	0.04	0.05

Table 5-11 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε

απόσταση 1mm



Figure 5-20 Απεικόνιση δεδομένων για 440nm και 540nm όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 1mm



Figure 5-21 Απεικόνιση δεδομένων για 600nm, 820nm, 980nm και 1000nm όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 1mm

• Όταν η ακίδα απέχει 2mm απο το μπουκαλάκι

Specify	Accuracy	Wavelength	Width (mm)			Heig	ght (mr	n)
-	-	440nm						
-	-	540nm						
-	-	600nm						
0.0043	83.1%	820nm	76.70	35.50	56.10	0.04	0.01	0.02
-	-	980nm						
0.00022	56.3%	1000nm	63.85	24.65	44.25			

Table 5-12 Πίνακας δεδομένων όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε

απόσταση 2mm



Figure 5-22 Απεικόνιση δεδομένων για όλα τα μήκη κύματος, όταν το διάλυμα περιέχει 20ml γάλα σε απόσταση 2mm

Όπως παρατηρούμε απο τις παραπάνω γραφικές παραστάσεις, η μορφή των πειραματικών μας δεδομένων μοιάζει με Gaussian κατανομή ή διαφορετικά σε δύο εκθετικές κατανομές, μία φθίνουσα και μία αύξουσα. Η συμπεριφορά αυτή οφείλεται στην παρουσία της ακίδας στο διάλυμα. Σε κάθε σημείο του διαλύματος, η ανακλώμενη ένταση προκύπτει απο τον εξής τύπος:

$$L = L_0 e^{-z \cdot \mu_t}$$

Όπου  $L_0$  είναι η αφχική πφοσπίπουσα ένταση της ακτινοβολίας στο δείγμα, z είναι η απόσταση που θα διανύσει η ακτινοβολία μέσα στο δείγμα και  $\mu_t$  είναι ο συντελεστής εξάλειψης που ισούται με τον άθφοισμα των συντελεστών σκέδασης και αποφφόφησης, δηλαδή  $\mu_t = \mu_a + \mu_s$ . Όπως καταλαβαίνουμε οι πλαινές πεφιοχές της ακίδας αποφφοφούν όσο το νεφό και το γάλα ενω η μεσαία πεφιοχή εμφανίζει επιπλέον την μεγαλη αποφφόφηση που πφοκαλεί η μαύφη ακίδα. Έτσι παφατηφώντας την εικόνα με το διάλυμα μας απο αφιστεφά πφος τα δεξιά μποφούμε να πούμε οτι πφοχωφάμε απο ένα σημείο με μικφή αποφφόφηση σε ένα άλλο με μεγάλύτεφη και μετά πεφνάμε κα παλί σε ένα με μικφή. Αυτό το γεγονός μας δίνει αντίστοιχα μεγάλη ένταση, η οποία στην συνέχεια μειώνεται εκθετικά και μετά αυξάνεται και πάλι.

Σκοπός μας είναι να μποφέσουμε να πάφουμε απεικονιστική πληφοφοφία απο όσο το δυνατόν βαθύτεφα. Αυτό για τα πειφάματα μας σημαίνει να μποφούμε να βλέπουμε την ακίδα όσο το δυνατόν καλύτεφα και σε όσο το δυνατόν μεγαλύτεφη απόσταση. Ο ένας παφάγοντας που μας αλλοιώνει το επιθυμητό αποτέλεσμα είναι το φαινόμενο της αποφφόφησης στα διαλύματα μας, με το οποίο θα ασχοληθούμε πφώτα. Τα στοιχεία που αποφφοφούν όπως πφοαναφέφαμε είναι το νεφό και το γάλα. Τα διαγφάμματα αποφφόφησης για τα δύο στοιχεία σε συνάφτηση με το μήκος κύματος είναι τα εξής:



Figure 5-23 Φάσματα απορρόφησης για το νερό (αριστερά) και το γάλα(δεξιά)

## αντίστοιχα

Αν παρατηρήσουμε τις καμπύλες των δύο στοιχείων μπορούμε να εντοπίσουμε το οπτικό μας παράθυρο όπου και τα δύο στοιχεία σημειώνουν ταυτόχρονα μικρή απορρόφηση. Συγκεκριμένα τα μήκη κύματος είναι τα 600nm και τα 820nm. Αντίθετα την μέγιστη απορρόφηση την παρουσιάζουν και τα δύο στοιχεία στα 980nm. Μία πολύ ενδιαφέρουσα παρατήρηση είναι οι διακυμάνσεις του ύψους των καμπυλών (Height) του νερού σε συνάρτηση με το μήκος κύματος.



Figure 5-24 Διακύμανση ύψους για το νερό

Όπως ποοκύπτει απο το παραπάνω διάγραμμα το ύψος παρουσιάζει ακριβώς την αντίστροφη σχέση απο την απορρόφηση του νερού, ανεξάρτητα την απόσταση στην οποία βρίσκεται η ακίδα. Αναλυτικότερα, διατηρεί μια σταθερή τιμή μέχρι τα 820nm, στην συνέχεια μειώνεται εως τα 980nm που εμφανίζει την ελάχιστη τιμή και τέλος εμφανίζει μια μικρή αύξηση στα 1000nm. Πιστοποιείται λοιπόν και απο αυτό το διάγραμμα οτι τα μήκη κύματος με την μικρότερη απορρόφηση για το νερό είναι μέχρι τα 820nm. Έχοντας καταλήξει ποιά είναι τα πιο ικανοποιητικά μήκη κύματος απο άποψη απορρόφησης, θα μελετήσουμε το φαινόμενο της σκέδασης σε συνάρτηση με το μήκος κύματος. Και σε αυτήν την περίπτωση θέλουμε να καταλήξουμε σε ποιά μήκη κύματος τα στοιχεία μας εμφανίζουν την ελάχιστη πολλαπλή σκέδαση. Για να αποφανθούμε για την σκέδαση πρέπει να μελετήσουμε τις διακυμάνσεις του FWHM με την αλλαγή του μήκους κύματος. Συγκεκομμένα θα παρουσιάσουμε για την ίδια απόσταση της ακίδας (1mm) και για διαφορετικές συγκεντρώσεις τις αλλαγές του FWHM



Figure 5-25Διακυμάνσεις FWHM σε συνάρτηση με το μήκος κύματος

Όπως φαίνεται απο το παφαπάνω διάγφαμμα, το νεφό δεν παφουσιάζει καμία αλλαγή στο FWHM ανεξάφτητα το μήκος κύματος. Αντίθετα στα υπόλοιπα διαλύματα παφατηφούνται διακυμάνσεις οι οποίες ποικίλουν ανάλογα το μήκος κύματος αλλα και την συγκέντφωση του γάλακτος. Συγκεκφιμένα στο διάλυμα με την μεγαλύτεφη συγκέντφωση σκεδαστών έχουμε πολύ μεγάλη αύξηση του FWHM για τα μήκη κύματος απο 420nm εώς 600nm καθώς και στα 980nm ενώ η μικφότεφη σκέδαση παφατηφείται στα 820nm. Τα μήκη αυτά ισχύουν και για τα υπόλοιπα διαλύματα απλά σε μικφότεφη κλίμακα. Η συμπεφιφοφά αυτή ισχύει και για τις υπόλοιπες αποστάσεις της ακίδας.

Έχοντας καταλήξει οτι τα μήκη κύματος με την μικρότερη απορρόφηση είναι τα 600nm και τα 820nm ενώ η μικρότερη σκέδαση παρατηρείται στα 820nm καταλήγουμε οτι το καλύτερο μήκος κύματος που θα μας αποφέρει την απεικονιστική πληροφορία που θέλουμε απο το μεγαλύτερο βάθος είναι τα 820nm.



Figure 5-26 Διακυμάνσεις FWHM σε σχέση με το μήκος κύματος για απόσταση 1mm

Έχοντας καταλήξει για το επιθυμητό μήκος κύματος, επόμενος στόχος ήταν να μελετήσουμε την επίδραση της αλλαγής της συγκέντρωσης στο FWHM. Η μελέτη αυτή έγινε θεωρώντας σταθερό το μήκος κύματος που εξετάζουμε όπως και την απόσταση της ακίδας. Όπως καταλαβαίνουμε αυξάνοντας την συγκέντρωση του γάλατος για την ίδια απόσταση της ακίδας είναι ουσιαστικά σαν να προσθέτουμε περισσότερους σκεδαστές.



Figure 5-27 Διακυμάνεις FWHM σε συνάρτηση με την συγκέντρωση

Παρατηρώντας το παραπάνω διάγραμμα προκύπτει οτι όσο αυξάνεται η συγκέντρωση του γάλατος τόσο αυξάνεται το FWHM. Εκτός όμως απο την αλλαγή της συγκέντρωσης, μας ενδιαφέρει ο τρόπος που επηρρεάζει η αλλαγή της απόστασης της ακίδας το FWHM και κατ'επέκταση την ποιότητα της εικόνας μας. Για να καταλήξουμε για την σχέση που ισχύει κρατήσαμε σταθερό και πάλι το μήκος κύματος και την συγκέντρωση του διαλύματος. Τα αποτελέσματα μας είχαν την παρακάτων μορφή:



Figure 5-28Διακυμάνσεις FWHM σε συνάρτηση με την απόσταση

Παρατηρούμε λοιπόν οτι και πάλι το FWHM αυξάνεται καθώς αυξάνεται η απόσταση της ακίδας, απλά αυτήν την φορά η σχέση δεν είναι γραμμική. Ποιοτητά η μορφή της παραπάνω καμπύλης μας οδηγεί στο συμπέρασμα οτι όσο απομακρύνουμε την ακίδα απο το μπουκαλάκι τόσο το αποτέλεσμα της εικόνας μας χειροτερεύει. Καταλήγοντας, μπορούμε να πούμε οτι ανάλογα την συγκέντρωση του γάλατος στο διάλυμα έχουμε διαφορετικό άνω όριο απόστασης στην οποία μπορούμε να διακρίνουμε την ακίδα ικανοποιητικά. Για την μεγαλύτερη συγκέντρωση, η μεγαλύτερη απόσταση που μπορέσαμε να επιτύχουμε ήταν τα 2mm.

ολόκληρη την διαδικασία της επεξεργασίας των πειραματικών Απο αποτελεσμάτων ποοέκυψε οτι το FWHM και το Height αποτελούν πολύ καλά μέτρα προσδιορισμού της σκέδασης και της απορρόφησης που επικρατούν στο διάλυμμα. Χρησιμοποιώντας τα λοιπόν καταλήξαμε οτι για μήκος κύματος στα 820nm μπορούμε να δούμε εώς και 2mm βαθιά στο πυκνότερο ομοίωμα. Τα αποτελέσματα αυτά θα θέλαμε να τα ταυτοποιήσουμε με πραγμικά δεδομένα, δηλαδή ανθρώπινο ιστό. Έτσι πήραμε εικόνες απο ανθρώπινο ιστό για όλα τα μήκη κύματος. Στις εικόνες αυτές παρατηρούμε οτι για τα μήκη κύματος μέχρι τα 540nm παίονουμε πληροφορία μόνο απο τα επιφανειακά στρώματα του δέρματος. Το δείγμα του ιστού φαίνεται πιο σκούρο σε σχέση με τα υπόλοιπα μήκη κύματος λόγω της απορρόφησης της μελανίνης σε εκείνη την φασματική περιοχή. Απο τα 600nm και μετά η μελανίνη παύει να απορροφά και αρχίζει να απορροφά ισχυρά η αιμορφαιρίνη. Γι'αυτόν τον λόγο παύει να υπάρχει η επιφανειακή πληροφορία, η ακτινοβολία διεισδύει βαθύτερα και παράγει εικόνα απο τις φλέβες του ποδιού. Στα τελευταία τοία μήκη κύματος αρχίζουμε να διακρίνουμε αρτηρίες οι οποίες δεν φαινόντουσαν στην αρχή. Επομένως η ακτινοβολία έχει διαδοθεί ακόμα βαθύτερα. Η υψηλή απορρόφηση του νερού γίνεται εμφανής στην εικόνα των 980nm όπου η εικόνα γίνεται πιο σκούρα αν συγκριθεί με εκείνη στα 1000nm. Απο τις λεπτομέρειες που φαίνονται στα 820nm, 980nm και 1000nm μποφούμε να επιβεβαιώσουμε τα συμπεφάσματα που πφοέκυψαν απο την πειφαματική διαδικασία. Πφαγματικά, στα 820nm η εικόνα παφέχει τις πεφισσότεφες λεπτομέφειες για τον ιστό, το οποίο είναι αποτέλεσμα της χαμηλής αποφφόφησης και χαμηλής σκέδασης του μέσου.





Figure 5-29 Εικόνες ανθρώπινου ιστού σε διάφορα μήκη κύματος

## 6. Μελλοντικές επεκτάσεις

Απο την έφευνα που έγινε στα πλαίσια της συγκεκφιμένης διπλωματικής εφγασίας, καταλήξαμε να απομονώσουμε ένα συγκεκφιμένο μήκος κύματος στο οποίο παφατηφήσαμε την μικφότεφη αποφφόφηση και την μικφότεφη πολλαπλή σκέδαση ταυτόχφονα, με αποτέλεσμα να πάφουμε απεικονιστική πληφοφοφία απο βάθος 2mm του ομοιώματος. Ωστόσο υπάφχουν πολλές δυνατότητες να συνεχιστεί η υπάφχουσα έφευνα.

Αρχικά θα μπορούσε να κατασκευαστεί ένα νέο ομοίωμα που θα προσέγγιζε περισσότερο τον ανθρώπινο ιστό. Συγκεκριμένα θα μπορούσε να αποτελείται απο περισσότερα στοιχεία τα οποία να προσομοιώνουν τα συστατικά του δέρματος. Στο δικό μας ομοίωμα πήραμε υπόψιν μας μόνο το νερό σαν μοναδικό απορροφητή ενώ αγνοήσαμε εντελώς την επίδραση της απορρόφησης της μελανίνης και της αιμοσφαιρίνης στην πορεία διάδοσης του φωτός. Η χρήση λοιπόν επιπλέον απορροφητών θα ήταν πολύ διαφωτιστική.

Επίσης θα μποφούσαν να χφησιμοποιηθούν σκεδαστές με διαφοφετικά μεγέθη. Με αυτόν τον τφόπο θα μποφούμε να βγάλουμε συμπέφασμα όχι μόνο για την σκέδασης σαν συνάφτηση της συγκέντφωσης των σκεδαστών και της απόστασης αλλα και σαν συνάφτηση του μεγέθους των σκεδαστών.

Επιπλέον, θα ήταν πάφα πολύ σημαντικό να μποφούσαμε να συνδυάσουμε, μέσω μια μαθηματικής έκφφασης, το FWHM με τους συντελεστές αποφφόφησης και σκέδασης του ιστού καθώς και με το βάθος απεικόνισης. Με αυτόν τον τφόπο θα μποφούσαμε μελετώντας την χωφική κατανομή των εντάσεων ενός δείγματος να εξάγουμε πληφοφοφίες για τις οπτικές ιδιότητες του ιστού.

Τέλος, με βάση την θεωρία που αναπτύξαμε στο κεφάλαιο 2, θα ήταν επιθυμητό να βρίσκαμε μια αναλυτική μαθηματική έκφραση για το PSF ώστε να το συνδέσουμε με το FWHM και κατ'επέκταση με τους συντελεστές σκέδασης και απορρόφησης του ιστού.

## 7. Βιβλιογραφία

1. *Imaging in the era of molecular oncology.* Weissleder, Ralph και Pittet, Mikael J. s.l. : Nature, 3 April 2008, Tóμ. 452.

2. **Prasad, Paras N.** Interaction of Light With Tissues. *Introduction to biophotonics.* s.l. : Wiley-Interscience.

3. *Light scattering from cells: finite-difference time-domain simulations and goniometric measurements.* **Drezek, R, Dunn, A και Richards-Kortum, R.** 38, s.l. : Applied Optics, 1999, Tóµ. 16.

4. Determining the Optical-Properties of Turbid Media by Using the Adding-Doubling *Method.* **Prahl, S A, Vangemert, M J και Welch, A J.** 4, s.l. : Applied Optics, 1993, Tóµ. 32.

5. *The Delta-Eddington Approximation for Radiative Flux Transfer.* **Joseph, J H, Wiscombe, W J και Weinma, J A.** 12, s.l. : Journal of the Atmospheric Sciences, 1976, Tóµ. 33.

6. *Modeling the Effect of the Atmosphere on Light.* **Klassen, R V.** 3, s.l. : Acm Transactions on Graphics, 1987, Τόμ. 6.

7. A shading model for atmospheric scattering considering luminous intensity distribution of light sources. Nishita, T, Miyawaki, Y και Nakamae, E. s.l.: in Proceedings of the 14th annual conference on Computer graphics and interactive techniques, 1987.

8. *Approximate 2-Parameter Phase Function for Light-Scattering*. **Reynolds, L O και McCormick, N J.** 10, s.l. : Journal of the Optical Society of America, 1980, Tóμ. 70.

9. The propagation of optical radiation in tissue I. Models of radiation transport and their application. **Patterson, M S, Wilson, B C και Wyman, D R.** 2, s.l. : Lasers in Medical Science, 1991, Tóµ. 6.

10. On the scattering of light by a diffuse medium. Ambartsumian, V A. s.l.: Doklady Akad. Nauk SSSR, 1943, Tóµ. 38.

11. *Multiple Light Scattering*. **Van de Hulst, H C.** New York : Academic Press, 1980, Τόμ. 1.

12. Prahl, S A. Light Transport in Tissue. s.l. : University of Texas at Austin, 1988.

13. *The diffusion coefficient depends on absorption.* **Durian, D J.** s.l. : Optics Letters, 1998, Tóµ. 23.

14. Tuchin, V V. *Tissue Optics: Light Scattering Methods and Instruments for Medical Diagnosis.* Bellingham, Washington USA : SPIE Press, 2007.

15. *Diffusion of light in turbid material.* **Ishimaru, A.** 12, s.l. : Applied Optics, 1989, Τόμ. 28.

16. *Optical Diffusion in Layered Media*. **. Keijzer, M, Star, W M και Storchi, P R.** 27, s.l. : Applied Optics, 1988, Tóμ. 9.

17. *Time* Resolved Reflectance and Transmittance for the Noninvasive Measurement of Tissue Optical-Properties. **Patterson, M S, Chance, B και Wilson, B C.** 28, s.l. : Applied Optics., 1989, Tóµ. 12.

18. **Bashkatov, N A.** Optical properties of human skin subcutaneous and mucous tissues in the wavelength range from 400 to 2000nm. 2005.

19. **Baranoski, Gladimir και Krishnaswamy, Aravind.** *A study on skin optics.* Canada : Natural Phenomena Simulation Group, University of Waterloo, 2004.

20. Spectral estimation of human skin color using the Kubelka-Munk theory. **Tominaga, M. Doi and S.** s.l. : In SPIE/IS&T Electronic Imaging, 2003.

21. *A Diffusion-Theory Model of Spatially Resolved, Steady-State Diffuse Reflectance for the Noninvasive Determination of Tissue Optical-Properties In-Vivo.* **Farrell, T J, Patterson, M S και Wilson, B.** 19, s.l. : Medical Physics, 1992, Tóµ. 4.

22. **Matcher, Stephen J και Meglinski, Igor V.** *Quantitative assessment of skin layers absorption and skin reflectance spectra simulation in the visible and near-infrared spectral regions.* s.l. : Institute of physics publishing, 2002.

23. **Saidi, Salam Iyad.** *Transcutaneous optical measurements of hyperbilirubinemian in neonates.* Houston, TX, USA : s.n., 1992.

24. A novel optical imaging method for the early detection, quantitative grading and mapping of cancerous and precancerous lesions of cervix. **Balas, Costas.** s.l. : IEEE Trans. Biomed. Eng, 2001.

25. Wozniak, Bogdan και Dera, Jerzy. Light Absorption in sea water. s.l. : Springer.

- 26. Fennema, Owen R. Food chemistry.
- 27. McSweeney, P.F. FOX and P.L.H. Dairy chemistry and biochemistry.